дят процессы формирования газообразных хром-бор- и хром-углеродсодержащих реакционных смесей, боридо- и карбонитридообразования. © 2013 г. И.В. Ноздрин, Л.С. Ширяева, В.В. Руднева, Г.В. Галевский Поступила 4 декабря 2012 г.

УДК 669.017:544

## А.А. Проводова, Н.Ф. Якушевич, Н.А. Козырев

Сибирский государственный индустриальный университет

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ ТЕРМОДИНАМИЧЕСКОЙ АКТИВНОСТИ КОМПОНЕНТОВ ЖИДКОЙ ФАЗЫ СИСТЕМЫ CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> В СОСТОЯНИИ ЧЕТЫРЕХФАЗНОГО ИНВАРИАНТНОГО РАВНОВЕСИЯ\*

Аннотация. Выполнен анализ системы CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>. Термодинамический анализ процессов моновариантной и инвариантной кристаллизации показал, что при инвариантном равновесии и при кристаллизации вдоль пограничной кривой, разделяющей поля кристаллизации анортита и сфена, кристаллизация осуществляется по перитектическим реакциям. Определены параметры инвариантного состояния системы (t = 1513 K,  $a_{CaO} = 0,0407$ ,  $a_{SiO_2} = 0,5268$ ,  $a_{Al_2O_3} = 0,00003$ ,  $a_{TiO_2} = 0,005$ ). Представлен исправленный вариант диаграммы состояния системы.

Ключевые слова: термодинамический анализ, кристаллизация, параметры инвариантного состояния системы.

# DETERMINATION OF THERMODYNAMIC ACTIVITY OF LIQUID PHASE COMPONENTS OF CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> SYSTEM

*Abstract.* The analysis of the CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> system is carried out. Thermodynamic analysis of univariant and invariant crystallization processes showed that at invariant equilibrium and crystallization along the boundary curve separating the field of crystallization of anorthite and sphene crystallization is carried out by peritectic reactions. The parameters of the invariant state of the system are determined as follows (t = 1513 K,  $a_{CaO} = 0,0407$ ,  $a_{SiO_2} = 0,5268$ ,  $a_{Al_2O_3} = 0,00003$ ,  $a_{TiO_2} = 0,005$ ). Presented is the revised version of the system diagram.

Keywords: thermodynamic analysis, crystallization, parameters of the invariant state of the system.

Смеси четырехкомпонентной системы  $CaO - Al_2O_3 - SiO_2 - TiO_2$  широко используются во многих технологических процессах, например таких, как изготовление покрытий сварочных электродов, производство эмалей, стекол, керамики, огнеупоров; такие смеси образуются в качестве попутных (иногда нежелательных) продуктов при плавке и кристаллизации титанистых шлаковых расплавов, электрокорундов.

Физико-химические свойства четырехкомпонентных систем изучены очень слабо. В лучшем случае сведения о них представлены в виде объемных геометрических образов – элементарных фазных тетраэдров, суммарный объем которых составляет общий объем тетраэдра системы. Тетраэдрация системы позволяет выделить из общего объема наиболее интересующую часть (элементарный фазный тетраэдр), что значительно облегчает физико-химический анализ.

В системе  $CaO - Al_2O_3 - SiO_2 - TiO_2$  выделено 23 элементарных фазных тетраэдра (рис. 1) [1]:  $I - CaO - 3CaO \cdot SiO_2 - 3CaO \cdot Al_2O_3 - 3CaO \cdot 2TiO_2;$ 

$$\begin{array}{rcl} 2-3{\rm CaO}\cdot{\rm SiO}_2 & -& 2{\rm CaO}\cdot{\rm SiO}_2 & -& 3{\rm CaO}\cdot{\rm Al}_2{\rm O}_3 & -\\ -& 3{\rm CaO}\cdot{\rm 2TiO}_2; & & & \\ & & 3-2{\rm CaO}\cdot{\rm SiO}_2 & -& 3{\rm CaO}\cdot{\rm Al}_2{\rm O}_3 & -& 3{\rm CaO}\cdot{\rm 2TiO}_2 & -\\ -& 4{\rm CaO}\cdot{\rm 3TiO}_2; & & & \end{array}$$



Рис. 1. Элементарные тетраэдры в системе  $CaO - Al_2O_3 - SiO_2 - TiO_2$ 

<sup>\*</sup> Работа выполнена при финансовой поддержке Минобрнауки РФ в рамках реализации госзаказа 7.5021.2011.

 $4 - 2CaO \cdot SiO_2 - 3CaO \cdot Al_2O_3 - 4CaO \cdot 3TiO_2 -$ CaO·TiO<sub>2</sub>;  $5 - 2CaO \cdot SiO_2 - 3CaO \cdot Al_2O_3 - 5CaO \cdot 3Al_2O_3 CaO \cdot TiO_2$ ;  $6 - 2\tilde{CaO} \cdot SiO_2 - 5CaO \cdot 3Al_2O_3 - CaO \cdot Al_2O_3 -$ CaO. TiO, ;  $7 - 2CaO \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 - 2CaO \cdot Al_2O_3 \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 - CaO - Al$  $-CaO \cdot TiO_2$  $8 - 2CaO \cdot SiO_2 - 3CaO \cdot 2SiO_2 - 2CaO \cdot Al_2O_3 \cdot SiO_2 -$  $- CaO \cdot TiO_2;$  $9 - 3CaO \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot SiO_2 - 2CaO \cdot Al_2O_3 \cdot SiO_2 -$  $- CaO \cdot TiO_2$  $10 - \text{CaO} \cdot \text{SiO}_2 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot \text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot 2\text{SiO}_2 -$  $- CaO \cdot TiO_2$  $11 - \text{CaO} \cdot \text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot 2\text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_2 -$  $- CaO \cdot TiO_2;$  $12^*$  - CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> - Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·TiO<sub>2</sub> - CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> - $-CaO \cdot TiO_2$  $13 - \text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 - \text{CaO} \cdot 2\text{Al}_2\text{O}_3 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot \text{SiO}_2 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_$  $-CaO \cdot TiO_2$  $14 - \text{CaO} \cdot 2\text{Al}_2\text{O}_3 - \text{CaO} \cdot 6\text{Al}_2\text{O}_3 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot \text{SiO}_2 -$  $- CaO \cdot TiO_2;$  $15 - \text{CaO} \cdot 6\text{Al}_2\text{O}_3 - 2\text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot \text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \times$  $\times 2SiO_{2} - CaO \cdot TiO_{2};$  $16 - CaO \cdot 6Al_2O_3 - 2CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 - CaO - CaO - CaO - CaO$  $-Al_2O_2$ ;  $\overline{17}$  – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·TiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub> –  $-Al_2O_2$ ;  $18 - 3Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 - Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 - Al_2O_$  $-Al_2O_3;$  $19 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 - TiO_2;$  $20 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2 - TiO_2 - SiO_2;$  $2l^* - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2 -SiO_2$ ;  $22 - 3Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - Al_2O_3 \cdot TiO_2 - Al_2O_3 \cdot TiO_$  $-SiO_2;$  $23 - \text{CaO} \cdot \text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot 2\text{SiO}_2 - \text{CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_2 -$  $-SiO_{2}$ .

В системе имеются два вставных элементарных тетраэдра  $12^*$  и  $21^*$ , все грани которых расположены внутри объема тетраэдра четырехкомпонентной системы.

Каждому элементарному фазному тетраэдру соответствует своя инвариантная смесь (эвтектика или перитектика), в которой из жидкой фазы происходит кристаллизация четырех фаз, образующих этот тетраэдр.

Все смеси, точки составов которых располагаются внутри элементарного фазного тетраэдра, заканчивают кристаллизацию (начинают плавиться) при температуре, соответствующей инвариантному пятифазному состоянию системы, составляющей этот тетраэдр.

Поверхности ликвидуса, разделяющие внутри тетраэдра объемы первично кристаллизующихся фаз, при своем пересечении образуют кривые инвариантного четырехфазного равновесия (жидкость +3 твердые фазы), при этом в некоторых случаях (при наличии на кривых точек минимакса) логично выделить сечения, образующие истинно тройную систему из минералов, фактически включающих в свой состав четыре исходных компонента.

При анализе системы CaO – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> – SiO<sub>2</sub> – TiO<sub>2</sub> выделена тройная система CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> (псевдовалостанит – анортит – сфен). По данным работы [2] в этой системе имеется тройная эвтектика состава точки *E*: 37,5 % CaO·SiO<sub>2</sub>, 25 % CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> и 37,5 % CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> ( $t_E$  = 1240 °C) и три двойных эвтектики:  $e_1$  ( $t_{e1}$  = 1304 °C) – 52,5 % CaO·SiO<sub>2</sub>, 47,5 % CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub>;  $e_2$  ( $t_{e2}$  = 1301 °C) – 63 % CaO× ×Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub>, 37 % CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>;  $e_3$  ( $t_{e3}$  = 1353 °C) – 42 % CaO·SiO<sub>2</sub>, 58 % CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> (рис. 2).

Представленная система является гранью элементарного фазного тетраэдра II: CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub> (рис. 3) и одновременно гранью фазного тетраэдра I3: CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> – SiO<sub>2</sub>, внутри которого расположена наиболее легкоплавкая смесь состава точки *O* системы CaO – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> – TiO<sub>2</sub> – SiO<sub>2</sub> c t = 1157 °C, состава 27,5 % CaO·SiO<sub>2</sub>, 38,3 % CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub>, 9,3 % CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>, 24,9 % SiO<sub>2</sub>.

На рис. З представлена схема фазово-химических равновесий, протекающих в объеме элементарного фазного тетраэдра  $SiO_2 - CaO \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$ .

На плоскости элементарного фазного треугольника CaO·SiO<sub>2</sub> (CS) – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> (CAS<sub>2</sub>) – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> (CTS) поля кристаллизации фаз разделены пограничными кривыми  $e_1E$  (CS – CAS<sub>2</sub>),  $e_2E$  (CTS – CAS<sub>2</sub>) и  $e_3E$  (CS – CTS); здесь для сокращения написания принято С – это CaO, S – SiO<sub>2</sub>, A – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, T – TiO<sub>2</sub>. Двойная эвтектика  $e_1$  лежит на соединительной прямой CS – CAS<sub>2</sub>, принадлежащей грани CaO – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> – SiO<sub>2</sub> основного тетраэдра (С – A – T – S), точки состава эвтектики  $e_3$  лежат на соединительной прямой CS – CTS, принадлежащей грани CaO – SiO<sub>2</sub> – TiO<sub>2</sub>



Рис. 2. Диаграмма состояния системы  $CaO \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$ 



Рис. 3. Схема расположения поверхностей бивариантных фазовых равновесий и пограничных кривых моновариантных равновесий в элементарном тетраэдре CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> – SiO<sub>3</sub>:

<b>—</b> ————, <b>—</b> —————— — линии, соот-
ветствующие грани CaO – Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> – SiO <sub>2</sub> тетраэдра CaO·SiO <sub>2</sub>
$-\operatorname{CaO}\operatorname{Al}_2\operatorname{O}_3\operatorname{2}\operatorname{SiO}_2 - \operatorname{CaO}\operatorname{TiO}_2\operatorname{SiO}_2 - \operatorname{SiO}_2$ ;
, – линии, соответствующие грани CaO –
TiO <sub>2</sub> - SiO <sub>2</sub> тетраэдра CaO·SiO <sub>2</sub> - CaO·Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·2SiO <sub>2</sub> - CaO·TiO <sub>2</sub> ·SiO <sub>2</sub>
– SiO <sub>2</sub> ;,,,,,, линии,
соответствующие грани $Al_2O_3 - TiO_2 - SiO_2$ тетраэдра $CaO \cdot SiO_2 - $
$CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2 - SiO_2;>,>,>,>$
<ul> <li>– направления кристаллизации на бивариантных поверхностях</li> </ul>
фазовых равновесий

основного тетраэдра, а точка состава  $e_2$  лежит на соединительной прямой CTS – CAS<sub>2</sub>, проходящей внутри объема основного тетраэдра.

В системе CaO –  $Al_2O_3$  – TiO<sub>2</sub> – SiO<sub>2</sub> по данным работы [3] наиболее легкоплавкая смесь состава точки O (t = 1157 °C), содержащая 27,5 % CaSiO<sub>3</sub>; 38,3 % CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub>; 9,3 % CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>; 31,5 % SiO<sub>2</sub> (здесь % мольный), принадлежит элементарному фазному тетраэдру CS - CTS - CAS<sub>2</sub> - S, следовательно она может быть образована при добавлении SiO<sub>2</sub> к смесям системы CS - CTS - CAS2 и лежать на пограничной кривой ОЕ, характеризующей моновариантное четырехфазное равновесие жидкой фазы с тремя конденсированными (CS, CTS, CAS<sub>2</sub>). Эта кривая образуется при пересечении бивариантных поверхностей, разделяющих кристаллизационные объемы двух твердых фаз, сосуществующих с жидкой фазой:  $e_1e'_1OE$ ; EOKL и  $e_3SOE$ . Пересечение кривой OE с поверхностью  $Pe'_1SF$ , отделяющей объем кристаллизации SiO<sub>2</sub> от других кристаллизационных объемов, дает точку О пятифазного инвариантного равновесия, а пересечение с этой поверхностью бивариантных поверхностей  $Ee_1e'_1O$ ,  $Ee_3SO$ и ELKO показывает на ней линии четырехфазных моновариантных равновесий *Oe*<sub>1</sub>, *OK* и *SO*.

Поскольку наиболее легкоплавкие смеси часто определяют технологические параметры ряда процессов (особенно в процессе проплавления или спекания твердых шихтовых смесей) или характеризуют конечные параметры кристаллизации расплавов, представляет значительный интерес определение химической активности компонентов в таких расплавах.

Для определения активностей компонентов в инвариантных состояниях трехкомпонентных систем успешно используется метод, в котором кристаллизация в инвариантных состояниях рассматривается в виде химических реакций

или

$$\mathcal{K} \to A_{\rm TB} + B_{\rm TB} + C_{\rm TB} \tag{1}$$

здесь  $A'_{\rm TB}$  – избыточная (нерастворившаяся) часть (твердого «тв») вещества  $A_{\rm TB}$ ; индекс «к» обозначает «кристаллический».

При необходимости определения активности трех компонентов дополнительно рассматриваются уравнения, характеризующие процесс кристаллизации на пограничных кривых, сходящихся в инвариантной точке [5, 6].

Для четырехкомпонентной системы аналогичный расчет может быть использован для определения активностей  $a_i$  четырех компонентов в точках монвариантных равновесий (например в точке E), а в случаях, когда один из компонентов, составляющих четырех-компонентную систему, кристаллизуется в чистом виде  $(a_i = 1)$ , расчет возможен также и для пятифазного инвариантного состояния (например в точке O).

Исходные данные, принятые для расчета, приведены в табл. 1. Состав расчетных смесей показан в табл. 2. Значения активностей компонентов в точках  $e_1$ ,  $e'_1$ , CAS<sub>2</sub>, CTS приняты по данным работ [5, 6] (табл. 3).

Эвтектические точки  $e_1$  и  $e_3$  расположены соответственно на гранях CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> и CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> основного тетраэдра и пограничных кривых  $e_1E$  и  $e_3E$ , лежащих в плоскости рассматриваемой тройной системы  $CaO \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$  и уходящих от точек  $e_1$  и  $e_3$  внутрь тетраэдра с понижением температур с 1307 и 1353 до 1240 °C; кристаллизация вдоль этих пограничных кривых протекает конгруентно с выделением двух кристаллических фаз. Этого нельзя сказать однозначно о пограничной кривой  $e_2 E$ , которая целиком располагается внутри основного тетраэдра и в плоскости CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – – CaO·TiO, SiO, и уходит от точки  $e_2$  внутрь тетраэдра  $12^*$  (CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·TiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> – - CaO·TiO<sub>2</sub>) с понижением температур кристаллизации и повышением концентрации TiO<sub>2</sub>. Поскольку температура инвариантной точки О ниже таковой для точки Е, т.е. температуры вдоль моновариантной пограничной

### Таблица 1

$\Delta G^{\circ}_{298}$ ,	$\Delta S_{298}^{\circ}$ ,	$C_{\rm p} = A + B_{\rm c}$	$T + CT_2, Дж/($		Источник				
кДж/моль	кДж/моль	A B		С	$I_m, \mathbf{K}$	источник			
CaO·SiO <sub>2</sub>									
00.4	87,36	108,05	16,47	-23,62	1012	[1], [5], [9],			
-88,4	81,93	111,36	15,05	-27,25	1813	[12]			
		CaO·A	$Al_2O_3 \cdot 2SiO_2$						
-920,96	202,31	269,28	57,27	-70,60	1826	[1], [5], [12]			
-939,89	_	—	_	_					
-956,48	214,81	-	-	-					
$CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$									
-579,45	129,16	177,19	23,16	-40,25	1655	[1]			

#### Значения термодинамических параметров химических соединений

#### Таблица 2

	Мицера	п. н. й со	тар % (п	о массе)	Компонентный состав, %				%
Точка состава смеси	Пинера				<i>T</i> , °C	CaO	SiO	A1.0	TiO
	S	CS	CAS <sub>2</sub>	CIS		CaO	5102	Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	1102
SiO <sub>2</sub>	100	_	_	_	1723	_	<u>100,00</u> 1,000	_	_
CaO·SiO <sub>2</sub>	-	100,0	_	_	1544	$\frac{48,28}{0,500}$	<u>51,72</u> 0,500	_	_
CaO·Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·2SiO <sub>2</sub>	_	_	100,0	_	1557	<u>20,14</u> 0,250	$\frac{43,16}{0,500}$	<u>36,70</u> 0,250	_
CaO·TiO <sub>2</sub> ·SiO <sub>2</sub>	_	_	_	100,0	1382	<u>28,57</u> 0,333	<u>30,61</u> 0,333	_	$\frac{40,81}{0,334}$
<i>e</i> <sub>1</sub>	_	52,5	47,5	_	1307	<u>34,92</u> 0,393	<u>47,66</u> 0,500	<u>17,42</u> 0,107	_
e <sub>2</sub>	_	_	37,0	63,0	1301	<u>25,45</u> 0,304	<u>35,26</u> 0,393	<u>25,71</u> 0,214	<u>13,58</u> 0,089
e <sub>3</sub>	-	42,0	_	58,0	1353	<u>36,85</u> 0,412	39,48 0,402	-	<u>23,67</u> 0,185
$e_1'$	37,13	62,87	_	_	1435	<u>37,00</u> 0,386	<u>63,00</u> 0,614	-	_
Е	-	37,5	37,5	25,0	1240	<u>32,79</u> 0,373	<u>43,24</u> 0,459	<u>13,76</u> 0,081	<u>10,20</u> 0,086
0	24,9	27,5	38,3	9,3	1157	<u>23,65</u> 0,267	<u>58,50</u> 0,616	$\frac{14,05}{0,087}$	$\frac{3,79}{0,030}$
П р и м е ч а н и е. Компонентный состав приведен в % (по массе) – числитель и в % (моль·10 <sup>-2</sup> ) – знаменатель.									

#### Состав расчетных смесей

кривой *EO* снижаются от точки *E* к точке *O* и далее аналогично по всем путям кристаллизации (*EO'*, *EO''* и т.д.), расположенными на бивариантной поверхности *EOKL*, в том числе, очевидно, и на пограничной кривой  $Ee_2$ . В этом случае на пограничной кривой  $Ee_2$  должна протекать инконгруентная кристаллизация, а инвариантная точка *E* также не является точкой тройной эвтектики, и кристаллизация расплава состава точки *E* должна протекать по перитектической реакции. Этот вывод, корректирующий диаграмму состояния системы  $CaO \cdot SiO_2 - CaO \cdot Al_2O_3 \cdot 2SiO_2 - CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$ , может быть дополнительно подтвержден неправильным положением изотермы 1300 °С (в поле кристаллизации анортита), дающую незакономерную «волну» на поверхности ликвидуса вблизи точки *E*.

В связи с вышеизложенным расчет активностей компонентов жидкой фазы в инвариантной точке *E* проведен по двум вариантам

#### Таблица З

		G			0 /				
Расплав		Содержание компонентов, %				Активности компонентов			
	<i>I<sub>i</sub></i> , К	CaO	SiO <sub>2</sub>	Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	TiO <sub>2</sub>	a <sub>caO</sub>	$a_{\rm SiO_2}$	$a_{Al_2O_3}$	a <sub>TiO2</sub>
$CaO \cdot SiO_2$	1996	48,28	51,72	-	-	0,0070	0,500	-	-
CaO·Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·2SiO <sub>2</sub>	1830	20,14	43,16	36,70	-	0,0013	0,59	0,7	-
$CaO \cdot TiO_2 \cdot SiO_2$	1655	28,57	30,61	-	40,81	_	_	-	-
$e_1$	1580	34,92	47,66	17,42	_	0,0013	0,73	0,025	-
e <sub>2</sub>	1574	25,45	35,26	25,71	13,58	-	-	-	-
<i>e</i> <sub>3</sub>	1626	36,85	39,48	-	23,67	-	-	-	-
$e'_1$	1708	63,00	37,00	-	_	0,0019	1,00	-	-
E	1513	32,79	43,24	13,76	10,20	0,04071	0,5268	0,00003	0,005
0	1430	23,65	58,50	14,05	3,80	_	_	-	-

Активности компонентов в расплавах при Т,

**Вариант 1.** В точке *E* кристаллизация протекает по эвтектической реакции (1), а по пограничным кривым  $e_1E$ ,  $e_2E$  и  $e_3E$  расплавы кристаллизуются конгруентно по реакциям

$$\mathcal{K} \to \text{CaO} \cdot \text{SiO}_{2\text{ tb}} + \text{CaO} \cdot \text{Al}_{2}\text{O}_{3} \cdot 2\text{SiO}_{2\text{ tb}}; \qquad (3)$$

$$\mathcal{K} \to \mathrm{CaO} \cdot \mathrm{Al}_{2}\mathrm{O}_{3} \cdot 2\mathrm{SiO}_{2_{\mathrm{TB}}} + \mathrm{CaO} \cdot \mathrm{TiO}_{2} \cdot \mathrm{SiO}_{2_{\mathrm{TB}}}; \quad (4)$$

$$\mathcal{K} \to \text{CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_{2_{\text{TB}}} + \text{CaO} \cdot \text{SiO}_{2_{\text{TB}}}.$$
 (5)

**Вариант 2.** В точке E(G) кристаллизация протекает по инконгруентной реакции

$$\mathcal{K} + \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{SiO}_{2_{\mathsf{TB}}} \to \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{Al}_2 \operatorname{O}_3 \cdot 2\operatorname{SiO}_{2_{\mathsf{TB}}} + \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{TiO}_2 \cdot \operatorname{SiO}_{2_{\mathsf{TB}}}.$$
(6)

По пограничным кривым  $Ge_1(e_1E)$  и  $Ge_3(e_3E)$  расплавы кристаллизуются конгруентно по реакциям (3) и (5), а по пограничной кривой  $Ge_2$  расплавы кристаллизуются инконгруентно по реакции

$$\mathcal{K} + \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{TiO}_2 \cdot \operatorname{SiO}_{2 \operatorname{TB}} \to \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{Al}_2 \operatorname{O}_3 \cdot 2\operatorname{SiO}_2 + \mathcal{K}' \quad (7)$$

ИЛИ

$$\mathcal{K} + \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{Al}_2 \operatorname{O}_3 \cdot 2\operatorname{SiO}_{2^{\mathsf{TB}}} \to \operatorname{CaO} \cdot \operatorname{TiO}_2 \cdot \operatorname{SiO}_2 + \mathcal{K}'.$$
(8)

Составы расплавов в точках E', E'', E''', G' принимались на соответствующих пограничных кривых с учетом изменения содержания компонентов вдоль пограничной кривой. Они незначительно, на 1 - 3 % (отн.), отличались от состава точки E(G), так что активности компонентов и температуры в принятых интервалах составов практически не изменялись. Результаты расчетов представлены в табл. 4.

Корректные результаты получены при расчете по второму варианту, что подтверждает предположение

о возможности перитектической реакции в инвариантной точке четырехфазного равновесия и инконгруентной реакции на пограничной кривой G - u ( $E - e_2$ ). Исправленный вариант диаграммы состояния системы CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub> представлен на рис. 4.

**Выводы.** Выполнен критический анализ диаграммы состояния CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>. Показано, что кристаллизация в инвариантной точке четырехфазного равновесия и по пограничной кривой, разделяющей поле кристаллизации анортита и сфена, протекает по перитектической реакции. Рассчитаны активности компонентов жидкой фазы, сосуществующей с тремя твердыми фазами (CaO·SiO<sub>2</sub>, CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub>), которые при температуре кристаллизации 1240 °C составляют:  $a_{CaO} = 0,0407$ ,  $a_{SiO_2} = 0,5268$ ,  $a_{Al_2O_3} = 0,0003$ ,  $a_{TiO_2} = 0,005$ . Предложен исправленный вариант диаграммы состояния системы CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>O·Al<sub>2</sub>



Рис. 4. Исправленный вариант диаграммы состояния системы CaO·SiO<sub>2</sub> – CaO·Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>·2SiO<sub>2</sub> – CaO·TiO<sub>2</sub>·SiO<sub>2</sub>

	Hower	Doowyg						
Схема кристаллизации	номер	Реакция	1, К					
Вариант <i>I</i> : $a_{CaO} = 2 \cdot 10^{-4}$ , $a_{SiO_2} = 3 \cdot 10^{-4}$ , $a_{TiO_2} = 9 \cdot 10^{5}$ , $a_{Al_2O_3} = 10^{15}$								
	1	0,3734 CaO + 0,4593 SiO <sub>2</sub> + 0,0813 TiO <sub>2</sub> + 0,0860 Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> $\rightarrow$ 0,2061 CaO·SiO <sub>2 тв</sub> + 0,0860 CaO·Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·2SiO <sub>2 тв</sub> + 0,0813 CaO·TiO <sub>2</sub> ·SiO <sub>2 тв</sub>	1513					
$E'^{(3)}$ $E''^{(4)}$	3	$ \begin{array}{l} 0,3735 \text{ CaO} + 0,4602 \text{ SiO}_2 + 0,0797 \text{ TiO}_2 + 0,0867 \text{ Al}_2 \text{O}_3 \rightarrow \\ 0,0052 \text{ CaO} \cdot \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,0024 \text{ CaO} \cdot \text{Al}_2 \text{O}_3 \cdot 2 \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,97*(0,3734 \text{CaO} + \\ + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,0860 \text{ Al}_2 \text{O}_3) \ _{\text{\tiny W}} \end{array} $	1523					
(5) <i>E'''</i>	4	$\begin{array}{l} 0,3729 \text{ CaO} + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,0865 \text{ Al}_2\text{O}_3 \rightarrow \\ 0,0002 \text{ CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,0002 \text{ CaO} \cdot \text{Al}_2\text{O}_3 \cdot 2\text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,997*(0,3734 \text{ CaO} + \\ + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,086 \text{ Al}_2\text{O}_3) \ _{\text{\tiny W}} \end{array}$	1523					
λ	5	$ \begin{array}{c} 0,3733 \text{ CaO} + 0,4589 \text{ SiO}_2 + 0,0823 \text{ TiO}_2 + 0,0855 \text{ Al}_2\text{O}_3 \rightarrow \\ 0,0005 \text{ CaO} \cdot \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,0014 \text{ CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,994*(0,3734\text{CaO} + \\ + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,086 \text{ Al}_2\text{O}_3) \ _{\text{\tiny \#}} \end{array} $	1523					
Вариант 2: $a_{CaO} = 4,07 \cdot 10^{-4}, a_{SiO_2} = 5,268 \cdot 10^{-4}, a_{TiO_2} = 3 \cdot 10^{-5}, a_{Al_2O_2} = 5 \cdot 10^{-3}$								
E'(3) $G$ $G'$ $(5)$ $E''''$ $(7)$ $(7)$ $(7)$ $(7)$ $(8)$ $(8)$	6	$\begin{array}{c} 0,3734 \text{ CaO} + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,086 \text{ Al}_2 \text{O}_3 + 0,2061 \text{ CaO} \cdot \text{SiO}_{2 \text{ TB}} \rightarrow \\ 0,0860 \text{ CaO} \cdot \text{Al}_2 \text{O}_3 \cdot 2 \text{SiO}_{2 \text{ TB}} + 0,0813 \text{ CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_{2 \text{ TB}} \end{array} \rightarrow $	1513					
	3	$ \begin{array}{c} 0,3735 \text{ CaO} + 0,4602 \text{ SiO}_2 + 0,0797 \text{ TiO}_2 + 0,0867 \text{ Al}_2 \text{O}_3 \rightarrow \\ 0,0052 \text{ CaO} \cdot \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,0024 \text{ CaO} \cdot \text{Al}_2 \text{O}_3 \cdot 2 \text{SiO}_2 \ _{\text{TB}} + 0,98*(0,3734 \text{ CaO} + \\ + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,086 \text{ Al}_2 \text{O}_3) \ _{\text{\tiny W}} \end{array} $	1523					
	5	$ \begin{array}{l} 0,3733 \text{ CaO} + 0,4589 \text{ SiO}_2 + 0,0823 \text{ TiO}_2 + 0,0855 \text{ Al}_2\text{O}_3 \rightarrow \\ 0,0005 \text{ CaO} \cdot \text{SiO}_2 _{\text{TB}} + 0,0014 \text{ CaO} \cdot \text{TiO}_2 \cdot \text{SiO}_2 _{\text{TB}} + 0,995*(0,3734 \text{ CaO} + \\ + 0,4593 \text{ SiO}_2 + 0,0813 \text{ TiO}_2 + 0,086\text{Al}_2\text{O}_3) _{\text{\tiny \ensuremath{\mathcal{K}}}} \end{array} $	1523					
	8	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	1523					

# Исходные данные и результаты расчета активностей компонентов жидкой фазы в точке инвариантного равновесия системы CaO·SiO, – CaO·Al,O,·2SiO, – CaO·TiO,·SiO,

## БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- **1.** Бережной А.С. Вкн.: Многокомпонентные системы окислов. Киев: Наукова думка, 1970. С. 291, 292.
- Nisioka U. // Sci. Rept. Tôhoku Imp. Univ. 1935/6. № 1. Vol. 24. P. 707.
- **3.** I w a s e K., N i s i o k a U. // Sci. Rept. Tôhoku Imp. Univ., ser. 1, Honda Anniv. 1936. № 1. Vol. 1. P. 536.
- 4. Prince A.T. // J. Geol. 1943. Vol 51. № 1. P. 37 41.
- 5. Якушевич Н.Ф., Кондратьев Д.В. // Изв. вуз. Черная металлургия. 2000. № 2. С. 4 9.
- **6.** Якушевич Н.Ф., Кавешников А.А. // Изв. вуз. Черная металлургия. 2004. № 6. С. 7 11.
- Минералы: Диаграммы фазовых равновесий. Справочник. Вып. 1 и 2. – М.: Наука, 1974. С. 514; С. 490.

- 8. Элерс Э.Интерпретация фазовых диаграмм в геологии. М.: Мир, 1975. – 348 с.
- Эллиот Д.Ф., Глейзер М., Рамакришна В. Термохимия сталеплавильных процессов. – М.: Металлургия, 1969. – 252 с.
- Кубашевский О., Олкокк С.Б. Металлургическая термохимия. – М.: Металлургия, 1982. – 392 с.
- 11. База данных ТКВ. Поиск по брутто-формуле [электронный ресурс]. Режим доступа: http://www.chem.msu.su/cgi-bin/tkv2.pl.
- Бабушкин В.И., Матвеев Г.М., Мчедлов-Петросян О.П. Термодинамика силикатов. – М.: Стройиздат, 1972. – 351 с.

© 2013 г. А.А. Проводова, Н.Ф. Якушевич, Н.А. Козырев Поступила 18 марта 2013 г.