ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ И АВТОМАТИЗАЦИЯ В ЧЕРНОЙ МЕТАЛЛУРГИИ

INFORMATION TECHNOLOGIES AND AUTOMATIC CONTROL IN FERROUS METALLURGY



УДК 004.94:621.745:662.61 DOI 10.17073/0368-0797-2024-1-112-120



Оригинальная статья Original article

Математическое моделирование газодинамики и дожигания горючих компонентов над расплавом в плавильной печи-газификаторе

Т. В. Ерохов , И. А. Левицкий, Г. С. Подгородецкий, В. Б. Горбунов

Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС» (Россия, 119049, Москва, Ленинский пр., 4)

💌 erohov.tv@misis.ru

Аннотация. Особенности организации технологического процесса и конструкции печи значительно влияют на параметры процессов дожигания, тем самым определяя необходимость построения математической модели зоны дожигания. В данном исследовании проведено моделирование газодинамики, химических реакций, конвективной диффузии и теплообмена в газовой среде над расплавом в экспериментальной плавильной печи-газификаторе при трех различных значениях расхода дутья и двух положениях фурм для дожигания. Получены распределения температур и концентраций продуктов дожигания. При нижнем расположении фурмы процесс дожигания осуществляется в области «отраженной» струи, образуются застойные зоны вокруг фурмы и между отраженной струей и поверхностью расплава, что ухудшает дожигание. При верхнем расположении фурмы дожигание происходит внутри первичной струи, осуществляется интенсивное перемешивание всех компонентов печной атмосферы и дожигание проходит более полно, что приводит к увеличению температуры отходящих газов при увеличении однородности полей температуры и концентраций по сравнение проходит более полно, что приводит к увеличение фурмы. Установлено, что при нижнем положении фурмы факел оказывается разомкнутым, его форма существенно зависит от расхода дутья, а объем с ростом расхода дутья увеличение перехода дутья с ростом расхода дутья увеличения с Для процессов восстановления в шлаковом расплаве предпочтительно верхнее расположение фурмы, в то время как для получения генераторного газа с большим содержанием горючих компонентов на выходе из печи предпочтительно более близкое к поверхности расплава расположение фурмы.

Ключевые слова: вычислительная гидродинамика, математическое моделирование, численное моделирование, температурное поле, поле концентраций, расход дутья, факел, дожигание, экспериментальная плавильная печь-газификатор

Для цитирования: Ерохов Т.В., Левицкий И.А., Подгородецкий Г.С., Горбунов В.Б. Математическое моделирование газодинамики и дожигания горючих компонентов над расплавом в плавильной печи-газификаторе. Известия вузов. Черная металлургия. 2024;67(1):112–120. https://doi.org/10.17073/0368-0797-2024-1-112-120

MATHEMATICAL MODELING OF GAS DYNAMICS AND OFF-GAS POST-COMBUSTION ABOVE THE MELT IN A MELTER-GASIFIER FURNACE

T. V. Erokhov[®], I. A. Levitskii, G. S. Podgorodetskii, V. B. Gorbunov

National University of Science and Technology "MISIS" (4 Leninskii Ave., Moscow 119049, Russian Federation)

🖂 erohov.tv@misis.ru

Abstract. Organization of technological process and design of a furnace significantly affect the parameters of post-combustion, determining the need to develop a mathematical model of post-combustion zone. Modeling of gas dynamics, chemical reactions, convective diffusion and heat transfer in the gas phase above the melt was carried out in an experimental melter-gasifier furnace at three different values of mass flow rates and two positions of post-combustion tuyeres. Temperature distributions and off-gas components concentrations were obtained. It was found that at the lower position of the tuyere, post-combustion is carried out in the area of reflected jet, stagnant zones are formed around the tuyere and between the reflected jet and the melt surface, which decrease the post-combustion level. At the upper position of the tuyere, post-combustion occurs inside the primary jet, intensive mixing of all components of the furnace atmosphere occurs, post-combustion undergoes more completely, which leads to an increase in the off-gases temperature with an increase in uniformity of temperature fields and concentrations compared with the lower position of the tuyere. At the lower position of the tuyere, the flame zone turns out to be open, its shape significantly depends on the mass flow, and the flame zone volume

Erokhov T.V., Levitskii I.A., etc. Mathematical modeling of gas dynamics and off-gas post-combustion above the melt in a melter-gasifier furnace

increases with an increase in the mass flow. At the upper position of the tuyere, the flame zone is closed, with an increase in the mass flow, its shape does not change, but the flame zone volume decreases. For reduction processes in slag melt, the upper position of the tuyere is preferable, while for production of the producer gas at the furnace outlet, position of the tuyere closer to the melt surface is preferable.

Keywords: computational fluid dynamics, mathematical modeling, numerical modeling, temperature field, concentration field, flame zone, mass flow, post-combustion, experimental melter-gasifier furnace

For citation: Erokhov T.V., Levitskii I.A., Podgorodetskii G.S., Gorbunov V.B. Mathematical modeling of gas dynamics and off-gas post-combustion above the melt in a melter-gasifier furnace. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2024;67(1):112–120. https://doi.org/10.17073/0368-0797-2024-1-112-120

Введение

Высокотемпературные печи с барботажным шлаковым слоем являются наиболее перспективными агрегатами для получения металлов из некондиционного сырья (труднообогатимых руд, железосодержащих отходов) и газификации углей, в том числе и низкосортных. Тепловой баланс процессов восстановления металлов и/или газификации низкосортных углей, протекающих в шлаковом расплаве, поддерживается возвратом тепла в шлаковую ванну от дожигания над шлаком СО и H₂, образующихся, в свою очередь, в результате совокупности окислительно-восстановительных процессов в шлаковом слое [1 – 3].

Для анализа процессов, происходящих при дожигании газов в металлургических агрегатах, широко распространено математическое моделирование. Так, в работах [4 – 7] рассмотрены вопросы моделирования дожигания в дуговой сталеплавильной печи. Разработка моделей дожигания для кислородного конвертера описана в работе [8], а для его модификаций с донной продувкой инертным газом: AOD конвертера и KOBM конвертера в работах [9-11]. Ряд исследований посвящен изучению моделирования дожигания в агрегатах прямого восстановления железа [12-15]. Результаты этих работ показывают, что особенности организации технологического процесса и конструкции печи значительно влияют на параметры процессов дожигания, тем самым определяя необходимость построения математической модели зоны дожигания (зоны печи над расплавом) для печей типа Ромелт, печи Ванюкова или барботажных печей иной конструкции с наличием зоны дожигания отходящих газов.

Целью данного исследования является моделирование газодинамики, химических реакций, конвективной диффузии и теплообмена в газовой среде над расплавом в экспериментальной барботажной плавильной печи-газификаторе при различных значениях расхода дутья и положениях фурм для дожигания. Математическое моделирование осуществлялось в среде Ansys Fluent 15.0.7.

Постановка задачи

Геометрия рабочего пространства экспериментальной плавильной печи-газификатора схематически представлена на рис. 1. При штатном режиме работы печи ее цилиндрическая часть *l* заполнена шлаковым расплавом, поверхность которого совпадает с границей цилиндрической и сферической частей. Химические реакции, проходящие в расплаве, происходят под действием дутья, подаваемого через боковые фурмы нижнего ряда (на схеме не показаны, в данной работе не исследуются). В результате этих процессов выделяются газы с высокой температурой, выходящие в надшлаковое пространство, где они дожигаются с помощью обогащенного кислородом дутья, которое подается через две фурмы 2 верхнего ряда, входящие в печь на уровне центра сферической части под углом 45°.

Газообразные продукты дожигания удаляются через два газоотвода *3* (плоскость осей газоотводов и плоскость осей фурм взаимоперпендикулярны).

Основные геометрические параметры конструкции, м, приведены ниже:

Диаметр сферической части печи	3,00
Диаметр цилиндрической части печи	1,80
Внутренний диаметр газоотвода	0,50
Внутренний диаметр входной трубы для сыпучих	0,40
Внутренний диаметр фурмы верхнего ряда	0,02
Внешний диаметр фурмы верхнего ряда	0,10



Рис. 1. Схема экспериментальной плавильной печи-газификатора: *l* – область расплава; *2* – фурмы; *3* – газоотводы; *4* – окно подачи сыпучих

Fig. 1. Layout of the experimental melter-gasifier furnace: l – melt zone; 2 – tuyeres; 3 – gas offtakes; 4 – bulk supply window

Основные допущения

Для облегчения расчетной процедуры не учитывалась передача теплоты через твердые стенки (как самой печи, так и фурм), что позволило исключить из рассмотрения области, заполненные твердыми веществами (стенки печи и фурм), ограничив учет их наличия тепловыми граничными условиями.

Поскольку работа посвящена изучению процессов, происходящих в надшлаковом пространстве печи, в качестве расчетной области рассматривалась только та часть рабочего пространства, которая заполнена газовой средой – шар со срезанным сегментом в нижней части и тремя примыкающими к нему небольшими цилиндрическими элементами в верхней части. Она имеет три входных сечения (поверхность расплава и входные сечения фурм дожигания) и два выходных (отверстия газоотводов – окно для подачи сыпучих считается закрытым крышкой).

Поскольку описанная геометрия обладает двумя плоскостями симметрии и не содержит элементов, закручивающих потоки, то и поля моделируемых величин обладают такой же симметрией, что позволяет взять в качестве расчетной области только четверть рабочего пространства, ограниченную плоскостями симметрии.

Соответственно, площади входных и выходных сечений в такой расчетной области станут меньше в 4 раза, и в такое же количество раз должны быть при моделировании уменьшены расходы во входных сечениях по сравнению с реальными.

Геометрия расчетной области была задана в приложении Design Modeler, генерация расчетной сетки и выбор сечений для задания граничных условий выполнены в приложении Ansys Meshing. Затем в приложении Fluent расчетная сетка была преобразована в полиэдрическую, что позволило улучшить показатель ортогональности граней ячеек и уменьшить погрешности, связанные с так называемой схемной диффузией.

При моделировании использованы следующие модели:

 модель диффузионно-конвективного переноса теплоты (решение уравнения энергии);

-k-є модель турбулентности (в разновидности Realizable со стандартными пристеночными функциями);

– модель переноса компонентов (т. е. решение задачи конвективной диффузии) с учетом химических реакций, происходящих в объеме, причем взаимодействие кинетики и турбулентности принималось в соответствии с моделью Finite-Rate/Eddy-Dissipation.

Последняя из упомянутых моделей учитывает кинетику химических реакций, однако проверяет, какой из процессов – химическое взаимодействие или турбулентный перенос – является лимитирующим. В работах [16 – 19] эта модель применена для изучения горения метана, подаваемого в дутьевую фурму доменной печи. В соответствии с этой моделью для каждого компонента смеси, заполняющей расчетную область, решается уравнение конвективной диффузии относительно его локальной массовой доли Y_i в каждом узле расчетной сетки:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left(\rho Y_i \right) + \vec{\nabla} \left(\rho \vec{\omega} Y_i \right) = -\vec{\nabla} \vec{J}_i + R_i, \qquad (1)$$

где ρ – плотность смеси, кг/м³; $\vec{\omega}$ – вектор скорости, м/с; R_i – скорость образования *i*-го компонента в результате химических реакций, кг/(м³·с); \vec{J}_i – плотность диффузионного потока *i*-го компонента, кг/(м²·с), которая зависит от градиентов концентрации этого компонента и температуры в соответствии с выражением

$$\vec{J}_i = -\left(\rho D_{i,m} + \frac{\mu_t}{Sc_t}\right) \vec{\nabla} Y_i - D_{T,i} \frac{\vec{\nabla} T}{T},$$
(2)

где $D_{i,m}$ и $D_{T,i}$ – коэффициенты диффузии и термодиффузии (Соре) для *i*-го компонента смеси, м²/с, соответственно; Sc_t – турбулентное число Шмидта, равное по умолчанию 0,7 ($Sc_t = \frac{\mu_t}{\rho D_t}$, где μ_t – динамический коэффициент турбулентной вязкости, Па·с; D_t – коэффициент турбулентной диффузии, м²/с).

При участии компонента в нескольких реакциях величина R_i получается в результате сложения скоростей образования компонента по всем реакциям $\hat{R}_{i,j}$.

Считая (для упрощения) химические реакции необратимыми, можно записать *j*-ую реакцию в обобщенном виде следующим образом:

$$\sum_{i=1}^{N} \mathbf{v}_{i,j}' \mathbf{M}_i \xrightarrow{k_{f,j}} \sum_{i=1}^{N} \mathbf{v}_{i,j}'' \mathbf{M}_i,$$
(3)

где N – количество химических компонентов в системе; $v'_{i,j}$ – стехиометрический коэффициент для *i*-го реагента в *j*-ой реакции; $v''_{i,j}$ – стехиометрический коэффициент для *i*-го продукта в *j*-ой реакции; M_i – символ, обозначающий *i*-ый компонент; $k_{f,i}$ – константа скорости прямой реакции с номером *j*.

Для необратимых реакций молярная скорость образования/разрушения *i*-го компонента в *j*-ой реакции описывается выражением

$$\hat{R}_{i,j} = \left(\nu_{i,j}'' - \nu_{i,j}'\right) \left(k_{f,j} \prod_{l=1}^{N} \left[C_{l,j}\right]^{\left(\eta_{i,j}' + \eta_{l,j}'\right)}\right),$$
(4)

где $C_{l,j}$ – молярная концентрация *l*-го компонента в *j*-ой реакции, кмоль/м³; $\eta'_{l,j}$ – показатель скорости для *l*-го компонента в *j*-ой реакции; $\eta''_{l,j}$ – показатель скорости для *l*-го продукта в *j*-ой реакции.

При этом константа прямой реакции с номером *j* вычисляется по формуле Аррениуса

$$k_{f,j} = A_j T^{\beta_j} e^{-\frac{E_j}{RT}},$$
(5)

Таблица 1. Значения кинетических констант для рассматриваемых реакций [20]

Реакция	A_{j}	β	E_{j}	Коэффициент уравнения v	Порядок реакции η
$H_2 + 0,5O_2 = H_2O$	9,87·10 ⁸	0	3,1.107	$v'_{H_2} = 1,0; v'_{O_2} = 0,5; v''_{H_2O} = 1,0$	$\eta_{\rm H_2}'=1,00;\;\eta_{\rm O_2}'=1,00;\;\eta_{\rm H_2O}''=0$
$CO + 0,5O_2 = CO_2$	2,239.1012	0	$1,7.10^{8}$	$v'_{\rm CO} = 1,0; v'_{\rm O_2} = 0,5; v''_{\rm CO_2} = 1,0$	$\eta_{\rm CO}'=1,00;\;\eta_{\rm O_2}'=0,25;\;\eta_{\rm CO_2}''=0$

Table 1. Kinetic constants for the studied chemical reactions [20]

Таблица 2. Граничные условия, задаваемые при расчете

Сечение Тип сечения Газодинамика Температура, К Состав, об. % [2] $\dot{M} = 0.2439 \text{ Kr/c};$ $CO = 50; H_2 = 30; CO_2 = 2;$ Mass-flow inlet 1773 Поверхность расплава *d*_г = 1,8 м; $H_2O = 8; N_2 = 10^2$ пульсации = 5 % $\dot{M} = 0.03919 - 0.11757$ Kг/c; $O_2 = 90; N_2 = 10$ Входное сечение фурмы Mass-flow inlet 293 $d_r = 0,02$ м; пульсации = 15 % $P = -160 \; \Pi a;$ $d_{\rm r} = 0,5$ m; 1773 $O_2 = 21; N_2 = 79$ Выхолное сечение газоотвола Pressure outlet пульсации = 5 %

Table 2. Boundary conditions in the calculation

где A_i – предэкспоненциальный показатель (в соответствующих единицах, зависящих от порядка реакции); β_i – показатель степени для температуры (безразмерная величина); E_i – энергия активации для реакции (Дж/кмоль); R = 8,31 – универсальная газовая постоянная (Дж/(кмоль · К)).

В данном исследовании учитывали только две реакции горения – для водорода и монооксида углерода. Уравнения реакций и их параметры (частично взятые из базы данных Ansys Fluent) представлены в табл. 1.

Во входных сечениях для дутья и горючих газов задавались температура, массовый расход и входные характеристики турбулентности (гидравлический диаметр и уровень турбулентных пульсаций), а в выходном сечении – разрежение, а также температура и характеристики турбулентности для внешней среды, примыкающей к выходному сечению (табл. 2).

Решение задачи осуществлялось в два этапа: сначала для решения уравнений газодинамики применяли метод SIMPLE, а для остальных уравнений – схемы первого порядка, затем продолжали расчет, используя сопряженный решатель для давления и импульса и схемы второго порядка для остальных переменных.

Результаты расчетов, представленные на рис. 2 – 5, получены для трех значений расхода дутья \dot{M}_{r} : 0,03919 кг/с (а), 0,07838 кг/с (б), 0,11757 кг/с (в) (для



Рис. 2. Поле мольной доли СО для двух вариантов расположения фурмы (I, II) и трех значений расхода дутья (a, б, в)

Fig. 2. Field of CO molar fraction for two variants of the tuyere position (I, II) and three values of the blast flow rate (a, δ, e)



Puc. 3. Поле мольной доли H_2 для двух вариантов расположения фурмы (*I*, *II*) и трех значений расхода дутья (*a*, *б*, *в*) **Fig. 3.** Field of H, molar fraction for two variants of the tuyere position (*I*, *II*) and three values of the blast flow rate (*a*, *б*, *в*)



Puc. **4.** Поле мольной доли CO₂ для двух вариантов расположения фурмы (*I*, *II*) и трех значений расхода дутья (a, δ, e) *Fig.* **4.** Field of CO₂ molar fraction for two variants of the tuyere position (*I*, *II*) and three values of the blast flow rate (a, δ, e)



Puc. 5. Поле мольной доли H_2O для двух вариантов расположения фурмы (*I*, *II*) и трех значений расхода дутья (*a*, *б*, *в*) **Fig. 5.** Field of H_2O molar fraction for two variants of the tuyere position (*I*, *II*) and three values of the blast flow rate (*a*, *б*, *в*)

получения истинных значений на полнообъемной модели их надо умножить на четыре) и двух положений фурмы относительно поверхности расплава: нижнего *I* (расстояние до поверхности расплава 0,1 м) и верхнего *II* (расстояние до поверхности расплава 0,7 м).

Как видно из рис. 2-5, с увеличением расхода дутья концентрации дожигаемых компонентов (CO и H₂) вполне предсказуемо уменьшаются, а концентрации продуктов (CO₂ и H₂O) закономерно возрастают. Однако при этом существенное влияние как на распределение компонентов, так и на достигаемые экстремальные значения их концентраций оказывает расположение фурмы.

При нижнем расположении фурмы «работает» фактически только «отраженная» от поверхности расплава струя дутья, внутри которой достигаются максимальные значения концентраций продуктов дожигания. Максимальные концентрации дожигаемых компонентов сохраняются в области, прилегающей к фурме выше сопла и в наиболее отдаленной от сопла области, прилегающей к поверхности расплава под «отраженной» струей.

Для варианта с поднятой фурмой происходит более интенсивное перемешивание дутья с остальными компонентами атмосферы надшлакового пространства, причем основная часть процессов перемешивания и дожигания происходит в области до столкновения струи с поверхностью расплава. Область максимальных концентраций продуктов дожигания образуется внутри первичной струи дутья, уже размываясь к поверхности расплава. При этом экстремальные значения этих концентраций менее выражены, чем при нижнем расположении фурмы, вследствие лучшего перемешивания и отсутствия застойных зон. Таким образом, при верхнем положении дутьевой фурмы достигается более полное дожигание, что подтверждается составом отходящих газов в выходных сечениях печи, а также характером температурного поля, полностью соответствующего полю концентрации продуктов сгорания (рис. 6). Из вышеизложенного следует, что при необходимости получения генераторного газа с большим содержанием горючих компонентов технологический процесс необходимо вести с нижним расположением фурмы, тогда как технологический процесс восстановления более эффективен при большей высоте расположения устья фурмы над расплавом.

Как видно на рис. 6, с увеличением расхода дутья размер высокотемпературной области для случая опущенной фурмы растет, а для случая поднятой – уменьшается.

Ansys Fluent обладает инструментом для визуализации результатов расчета Isovolume, позволяющим строить трехмерные поверхности, соответствующие заданному значению какой-либо величины, поле которой вычисляется при решении задачи. Выбрав в качестве такой величины температуру, можно попытаться визуализировать такое понятие, как область факела. На рис. 7, 8 представлены изообъемы, построенные для температур 2200 и 2600 К соответственно.

Как видно из представленных данных, для поднятой фурмы (фурмы в верхнем положении) факел является замкнутым, его форма с увеличением расхода не изменяется, а объем, ограниченный изоповерхностью, сокращается. Для нижнего положения фурмы увеличение расхода дутья существенно влияет на конфигурацию области струи, «отраженной» от поверхности расплава. При этом объем, ограниченный изоповерхностью, увеличивается – происходит более значительное рассеяние «отраженной» струи. Последнее дает избыточный тепловой поток на группу кессонов (охлаждаемых панелей), что является нежелательным явлением при ведении технологического процесса.



Рис. 6. Температурное поле для двух вариантов расположения фурмы (*I*, *II*) и трех значений расхода дутья (*a*, *б*, *в*)





Рис. 7. Изообъемы для температуры 2200 К при двух вариантах расположения фурмы (*I*, *II*) и трех значений расхода дутья (*a*, *б*, *в*)





Рис. 8. Изообъемы для температуры 2600 К при двух вариантах расположения фурмы (I, II) и трех значений расхода дутья (a, б, в)



Выводы

В среде Ansys Fluent 15.0.7 численно исследован процесс дожигания в надшлаковом пространстве горючих компонентов (CO, H₂), выделяющихся на поверхности ванны экспериментальной плавильной печигазификатора. Изучено влияние расхода обогащенного кислородом дутья и положения фурм для его подачи на процесс дожигания (состав и температуру отходящих газов, конфигурацию факела, поля температуры и концентраций компонентов в атмосфере печи).

Установлено, что при нижнем расположении фурмы (расстояние от сопла до расплава 0,1 м) процесс дожигания осуществляется в области «отраженной» струи. Образуются застойные зоны вокруг фурмы и между отраженной струей и поверхностью расплава, что ухудшает дожигание. При верхнем расположении фурмы (расстояние от сопла до расплава 0,7 м) дожигание проходит внутри первичной струи, происходит интенсивное перемешивание всех компонентов печной атмосферы. Дожигание осуществляется более полно, что приводит к увеличению температуры отходящих газов при увеличении однородности полей температуры и концентраций по сравнению с нижним положением фурмы.

Установлено, что при нижнем положении фурмы факел оказывается разомкнутым, его форма существенно зависит от расхода дутья, а объем с ростом расхода дутья увеличивается. При верхнем расположении фурмы факел является замкнутым, с увеличением расхода дутья его форма не изменяется, а объем уменьшается.

Для процессов восстановления в шлаковом расплаве предпочтительно верхнее расположение фурмы, в то время как для получения генераторного газа с большим содержанием горючих компонентов на выходе из печи предпочтительно более близкое к поверхности расплава расположение фурмы (при котором, однако, существует опасность перегрева некоторых групп кессонов, что может негативно сказываться на состоянии конструкции печи и иных параметрах технологического процесса).

Список литературы / References

- 1. Роменец В.А., Валавин В.С., Усачев А.Б., Карабасов Ю.С. и др. Процесс Ромелт. Москва: МИСиС, ИД «Руда и Металлы»; 2005:400.
- Баласанов А.В., Лехерзак В.Е., Роменец В.А., Усачев А.Б. Газификация угля в шлаковом расплаве. Москва: «Институт Стальпроект»; 2008:288.
- Подгородецкий Г.С., Горбунов В.Б., Агапов Е.А., Ерохов Т.В., Козлова О.Н. Проблемы и перспективы утилизации золошлаковых отходов ТЭЦ. Часть 2. Известия вузов. Черная металлургия. 2018;61(7):557–563. https://doi.org/10.17073/0368-0797-2018-7-557-563

Podgorodetskii G.S., Gorbunov V.B., Agapov E.A., Erokhov T.V., Kozlova O.N. Challenges and opportunities of utilization of ash and slag waste of TPP (Thermal Power Plant). Part 2. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2018;61(7):557–563. (In Russ.). *https://doi.org/10.17073/0368-0797-2018-7-557-563*

- 4. Li Y., Fruehan R.J. Computational fluid-dynamics simulation of postcombustion in the electric-arc furnace. *Metallurgical and Materials Transactions B*. 2003;34(3):333–343. https://doi.org/10.1007/s11663-003-0079-9
- Arzpeyma N., Ersson M., Jönsson P.G. Mathematical modeling of postcombustion in an electric arc furnace (EAF). *Metals*. 2019;9(5):547. https://doi.org/10.3390/met9050547
- Gruber J.C., Echterhof T., Pfeifer H. Investigation on the influence of the arc region on heat and mass transport in an EAF freeboard using numerical modeling. *Steel Research International*. 2016;87(1):15–28. https://doi.org/10.1002/srin.201400513
- Tang X., Kirschen M., Abel M., Pfeifer H. Modelling of EAF off-gas post combustion in dedusting systems using CFD methods. *Steel Research International*. 2003;74(4):201–210. https://doi.org/10.1002/srin.200300182
- Doh Y., Chapelle P., Jardy A., etc. Toward a full simulation of the basic oxygen furnace: Deformation of the bath free surface and coupled transfer processes associated with the post-combustion in the gas region. *Metallurgical and Materials Transactions B*. 2013;44(3):653–670. https://doi.org/10.1007/s11663-013-9817-9
- **9.** Tang Y., Fabritius T., Härkki J. Mathematical modeling of the argon oxygen decarburization converter exhaust gas system at the reduction stage. *Applied Mathematical Modelling*. 2005;29(5):497–514.

https://doi.org/10.1016/j.apm.2004.09.011

- Song Z., Ersson M., Jönsson P. A study of post-combustion in an AOD flue. *Steel Research International*. 2014;85(7): 1173–1184. https://doi.org/10.1002/srin.201300307
- Gou H., Irons G.A., Lu W.K. Mathematical modeling of postcombustion in a KOBM converter. *Metallurgical and Materials Transactions B*. 1993;24(1):179–188. https://doi.org/10.1007/BF02657884

- Panjkovic V., Truelove J., Ostrovski O. Analysis of performance of an iron-bath reactor using computational fluid dynamics. *Applied Mathematical Modelling*. 2002;26(2): 203–221.https://doi.org/10.1016/S0307-904X(01)00056-7
- Shin M.K., Lee S.D., Joo S.H., Yoon J.K. A numerical study on the combustion phenomena occurring at the post combustion stage in bath-type smelting reduction furnace. *ISIJ International*. 1993;33(3):369–375. https://doi.org/10.2355/isijinternational.33.369
- 14. Becker-Lemgau U., Tacke K.-H. Mathematical model for post combustion in smelting reduction. *Steel Research*. 1996;67(4):27–137. https://doi.org/10.1002/srin.199605469
- Shinotake A., Takamoto Y. Combustion and heat transfer mechanism in iron bath smelting reduction furnace. *Metallurgical Research & Technology*. 1993;90(7–8):965–974. https://doi.org/10.1051/metal/199390070965
- 16. Левицкий И.А., Радюк А.Г., Титлянов А.Е., Сидорова Т.Ю. Влияние способа подачи природного газа на газодинамику и теплообмен в воздушной фурме доменной печи. Известия вузов. Черная металлургия. 2018;61(5):357–363.

https://doi.org/10.17073/0368-0797-2018-5-357-363

Levitskii I.A., Radyuk A.G., Titlyanov A.E., Sidorova T.Yu. Influence of the method of natural gas supplying on gas dynamics and heat transfer in air tuyere of blast furnace. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2018;61(5):357–363. (In Russ.). https://doi.org/10.17073/0368-0797-2018-5-357-363

17. Горбатюк С.М., Тарасов Ю.С., Левицкий И.А., Радюк А.Г., Титлянов А.Е. Влияние керамической вставки с завихрителем на газодинамику и теплообмен в воздушной фурме доменной печи. Известия вузов. Черная металлургия. 2019;62(5):337–344. https://doi.org/10.17073/0368-0797-2019-5-337-344

Gorbatyuk S.M., Tarasov Yu.S., Levitskii I.A., Radyuk A.G., Titlyanov A.E. Effect of a ceramic insert with swirler on gas dynamics and heat exchange in a blast furnace tuyere. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2019;62(5):337–344. (In Russ.). https://doi.org/10.17073/0368-0797-2019-5-337-344

18. Албул С.В., Кобелев О.А., Радюк А.Г., Титлянов А.Е., Левицкий И.А. Влияние расхода и температуры природного газа на процессы, происходящие в воздушной фурме доменной печи с теплоизолирующей вставкой в дутьевом канале. Известия вузов. Черная металлургия. 2022;65(11):778–785.

https://doi.org/10.17073/0368-0797-2022-11-778-785

Albul S.V., Kobelev O.A., Radyuk A.G., Titlyanov A.E., Levitskii I.A. Effect of natural gas flow rate and temperature on the processes occurring in a blast furnace tuyere with heat-insulating insert in blast channel. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2022;65(11):778–785. (In Russ.). https://doi.org/10.17073/0368-0797-2022-11-778-785

 Radyuk A.G., Gorbatyuk S.M., Tarasov Yu.S., Titlyanov A.E., Aleksakhin A.V. Improvements to mixing of natural gas and hot-air blast in the air tuyeres of blast furnaces with thermal insulation of the blast duct. *Metallurgist*. 2019;63(5–6):433–440.

https://doi.org/10.1007/s11015-019-00843-6

 Milewski J., Swirski K., Santarelli M., Leone P. Advanced Methods of Solid Oxide Fuel Cell Modeling. London, UK: Springer; 2011:201. https://doi.org/10.1007/978-0-85729-262-9

Ерохов Т.В., Левицкий И.А. и др. Математическое моделирование газодинамики и дожигания горючих компонентов над расплавом ...

Сведения об авторах / Information about the Authors

Тимофей Витальевич Ерохов, ассистент кафедры энергоэффективных и ресурсосберегающих промышленных технологий, Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС»

ORCID: 0000-0001-6926-9049 *E-mail:* erohov.tv@misis.ru

Игорь Анисимович Левицкий, к.т.н., доцент кафедры энергоэффективных и ресурсосберегающих промышленных технологий, Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС» ORCID: 0000-0002-9345-3628

E-mail: lewwwis@mail.ru

Геннадий Станиславович Подгородецкий, к.т.н., Национальный исследовательский технологический университет «МИСиС»

Владислав Борисович Горбунов, к.т.н., Заместитель директора НОЦ «Инновационные металлургические технологии», Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС»

E-mail: vbg1953@mail.ru

Timofei V. Erokhov, Assistant of the Chair "Energy-Efficient and Resource-Saving Industrial Technologies", National University of Science and Technology "MISIS" *ORCID:* 0000-0001-6926-9049 *E-mail:* erohov.tv@misis.ru

Igor' A. Levitskii, Cand. Sci. (Eng.), Assist. Prof. of the Chair "Energy-Efficient and Resource-Saving Industrial Technologies", National University of Science and Technology "MISIS" ORCID: 0000-0002-9345-3628 E-mail: lewwwis@mail.ru

Gennadii S. Podgorodetskii, Cand. Sci. (Eng.), National University of Science and Technology «MISIS»

Vladislav B. Gorbunov, Cand. Sci. (Eng.), Deputy Director of the Research Center "Innovative Metallurgical Technologies", National University of Science and Technology "MISIS" E-mail: vbg1953@mail.ru

Вклад авторов Contribution of the Authors						
<i>Т. В. Ерохов</i> – проведение расчетов и моделирования, анализ результатов исследований, подготовка текста. <i>И. А. Левицкий</i> – постановка целей и задач исследования, научное консультирование, подготовка текста. <i>Г. С. Подгородецкий</i> – формирование концепции, научное руководство. <i>В. Б. Горбунов</i> – научное руководство, формирование выводов.	 T. V. Erokhov – calculations and modeling, analysis of the research results, text preparation. I. A. Levitskii – setting the research goals and objectives, scientific consulting, text preparation. G. S. Podgorodetskii – concept formation, scientific guidance. V. B. Gorbunov – scientific guidance, conclusions formation. 					
Поступила в редакцию 04.06.2023 После доработки 20.09.2023 Принята к публикации 11.12.2023	Received 04.06.2023 Revised 20.09.2023 Accepted 11.12.2023					