ISSN: 0368-0797. Известия высших учебных заведений. Черная металлургия. 2019. Том 62. № 5. С. 394 – 406. © 2019. Кузнецов Ю.С., Качурина О.И.

УДК 669.1(075.8)

# ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ ПРОЦЕССОВ ВОССТАНОВЛЕНИЯ ОКСИДОВ ЖЕЛЕЗА С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ УГЛЕРОДА И ПАРОВ ВОДЫ

*Кузнецов Ю.С.*, к.т.н., доцент, профессор кафедры физической химии (kuznetcovys@susu.ac.ru) *Качурина О.И.*, к.х.н., доцент кафедры «Неорганическая химия» (oivk2013@mail.ru)

#### Южно-Уральский государственный университет (454080, Россия, Челябинск, пр. Ленина, 76)

Аннотация. Выполнен термодинамический анализ полного восстановления оксида железа при нагревании с изотермическими выдержками исходной системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> ( $e_0$  моль) – H<sub>2</sub>O( $b_0$  моль) – C (избыток)». По характеру протекающих реакций процессы в системе можно разбить на четыре этапа. Первый этап, газификация углерода парами воды при температурах ниже 880 K, активирует протекание реакции водяного газа и диссоциации CO с образованием сажистого углерода. Состав получающейся газовой смеси «H<sub>2</sub>–H<sub>2</sub>O–CO–CO<sub>2</sub>» зависит только от температуры. Расход углерода при 880 K составляет ~0,445 моль на 1 моль воды. Второй этап, восстановление Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> до вюстита FeO<sub>1+x</sub> с разной степенью окисленности, протекает в интервале температур 880 – 917 K. При этом водород восстанавливает оксид при температурах выше 888 K. Доля оксида, восстановленного водородом в этом интервале температур, возрастает от нуля до ~63 %. Общее количество Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>, восстановленного до вюстита при 917 K, составляет ~123 моля на 1 моль воды. Это возможно лишь при многократной регенерации восстановителей CO и H<sub>2</sub> по реакциям газификации углерода парами воды и диоксидом CO<sub>2</sub>. Расход углерода составляет примерно 78 моль. На третьем этапе получающийся при 917 K вюстит FeO<sub>1,092</sub> восстанавливается только монооксидом CO<sub>2</sub>, расход углерода составляет примерно 78 моль. На четвертом этапе при изотермической выдержке ~955 K вюстит восстанавливается до железа. Вюстит восстанавливается только монооксидом CO<sub>2</sub>, расход углерода в закрытой системе при 1 атм достаточно 1 моля воды. Общий расход углерода составляет ~353 моль на получение 368 моль Fe или ~0,21 кг/кг железа.

Ключевые слова: оксиды железа, восстановление, водяной газ, углерод, пары воды, газификация углерода, магнетит, вюстит.

DOI: 10.17073/0368-0797-2019-5-394-406

Восстановление оксидов металлов в газовых атмосферах, основой которых является водяной газ (ВГ)  $H_2-H_2O-CO-CO_2$ , в отсутствии или присутствии углерода в качестве самостоятельной фазы возможно при строго определенном составе и оптимальной динамике газовых потоков. Возможны различные технологии получения газовой смеси нужного состава [1 – 7]. Наиболее простым и малозатратным способом является нагревание в контакте с углеродом паров воды.

Для малотоннажных производств, переработки техногенных отходов, изменения фазового состава керамики [8] необходимы нетрадиционные технологии. В частности, в работах С.В. Дигонского [9–12] излагаются особенности восстановления оксидов в колпаковых нагревательных устройствах. Следует отметить необоснованность утверждения автора: «...принимая за основу ведущую роль в прямом восстановлении...газовых реакций, следует экспериментально обосновать... необходимость удержания газообразных веществ в слое восстанавливаемой шихты. Удержать водород ... в слое шихты можно различными способами, но простой метод – проводить прямое восстановление в куполообразном реак-

торе...». В экспериментах автор моделирует работу куполообразного реактора нагреванием перевернутого тигля, в котором слои восстанавливаемого оксида и твердого восстановителя разделены углеграфитовой тканью. Слой восстанавливаемого материала располагается над слоем углерода. На основании полученных данных автор делает спорный вывод – в верхних горизонтах удерживается в основном водород, а «тяжелые» газы отводятся из системы внизу тигля. Именно поэтому декларируется основная роль водорода в процессах восстановления оксидов. Однако, в соответствии с законом Лапласа, в поле сил тяготения соотношение концентраций компонентов неподвижной газовой смеси в нижних  $(x_i)_o$  и верхних  $(x_i)$  слоях определяется формулами

$$p = p_{o}e^{-\frac{Mgh}{RT}}, \ \ln\left(\frac{p_{o}}{p}\right) = \frac{Mgh}{RT}, \ \ln\left(\frac{(x_{i})_{o}}{x_{i}}\right) = \frac{M_{i}gh}{RT}$$

где  $M_i$  – молярная масса компонента, кг/моль; g – ускорение силы тяжести, м<sup>2</sup>/с; h – высота, м. Для условий эксперимента автора ( $h \approx 0,2$  м, T = 1373 K) получаем в стационарном режиме для водорода и диоксида углерода:

/

Δ

$$\ln\left(\frac{\left(x_{\rm H_2}\right)_{\rm o}}{x_{\rm H_2}}\right) = \frac{2 \cdot 10^{-3} \cdot 9,81 \cdot 0,2}{8,314 \cdot 1373} = 3,44 \cdot 10^{-7},$$
$$\frac{\left(x_{\rm H_2}\right)_{\rm o}}{x_{\rm H_2}} = 1,000000344;$$
$$\ln\left(\frac{\left(x_{\rm CO_2}\right)_{\rm o}}{x_{\rm CO_2}}\right) = \frac{44 \cdot 10^{-3} \cdot 9,81 \cdot 0,2}{8,314 \cdot 1373} = 7,56 \cdot 10^{-6},$$
$$\frac{\left(x_{\rm CO_2}\right)_{\rm o}}{x_{\rm CO_2}} = 1,00000756.$$

Разница концентраций под «колпаком» по высоте исчезающе мала. Предположение автора об удержании водорода в верхних горизонтах реактора, да еще и в динамическом режиме, сомнительно, а оценка составов истекающих газов внизу «колпакового» устройства ошибочна. Нельзя разницу концентраций газов по высоте «колпака» объяснять и разными скоростями их фильтрации через слой углеродных гранул. Следует полагать равными составы газовой смеси и газа в верхних горизонтах «колпака». Это тем более вероятно, что в предлагаемых авторами «колпаковых» устройствах [11, 12] из-за постоянной подпитки системы парами воды имеет место проточная газовая атмосфера. Утверждение автора о преобладающем «...восстановлении оксидов атомарным (?) водородом, регенерируемым углеродистым восстановителем парами воды...» следует объяснять другими причинами.

В настоящей работе излагаются особенности процессов восстановления магнетита в закрытой системе «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – C(избыток) – H<sub>2</sub>O» при нагревании с изотермическими выдержками. В соответствии с правилом фаз Гиббса получающиеся равновесные системы при заданном давлении имеют одну степень свободы и состав равновесной газовой фазы полностью определяется температурой. В расчетах варьировалось количество оксида и паров воды в исходной системе. Это позволило оценить важнейшие параметры процессов восстановления: состав получающегося водяного газа, его объем при заданном давлении, соотношение восстановительных способностей CO и H<sub>2</sub>, количество продуктов восстановления и расход углерода.

Параметры получающихся систем оценивались расчетами с использованием констант равновесия [13 – 17] реакций водяного газа, газификации углерода, восстановления оксидов и реакций диссоциации  $H_2O$  и  $CO_2$ ( $\Delta r G_T^\circ$ , Дж):

$$C + H_2O = CO + H_2,$$

$$\Delta_r G_T^{\circ}(1) = 135\ 560 - 144, 235T;$$

$$Fe_3O_4 + CO = 3FeO + CO_2,$$

$$\Delta_r G_T^{\circ}(2) = -10\ 0.34 - 38, 635T \ln T + 271, 78T;$$
(1)
(2)

$$Fe_{3}O_{4} + H_{2} = 3FeO + H_{2}O,$$
 (3)

$$\Delta_r G_T^{-}(3) = 25\ 546 - 38,635T\ln T + 238,315T;$$

$$C + CO_2 = 2CO,$$

$$\Delta_r G_T^{\circ}(4) = 172\ 140 - 177, 7T;$$
(4)

$$H_2O + CO = H_2 + CO_2,$$
  
$$\Delta_r G_T^{\circ}(5) = -36\ 580 + 33,465T;$$
 (5)

$$FeO + CO = Fe_{\alpha} + CO_{2},$$
  
$$_{r}G_{T}^{\circ}(6) = -21\ 785 + 25T,\ T < 1185\ \text{K};$$
 (6)

FeO + H<sub>2</sub> = Fe<sub>$$\alpha$$</sub> + H<sub>2</sub>O,  
 $G_x^{\circ}(7) = 14\ 799 - 8.465T,\ T < 1185$  K: (7)

$$2H_2O = 2H_2 + O_2,$$
  
 $G_T^{\circ}(8) = 492\ 230 - 108.24T;$  (8)

$$2CO_2 = 2CO + O_2,$$
  

$$\Delta_r G_T^{\circ}(9) = 565\ 390 - 175,17T.$$
(9)

В работах [1,2] равновесные параметры систем «H<sub>2</sub> –  $-H_2O - CO - CO_2 - C$ » определены расчетом совместных равновесий двух независимых из трех реакций (1), (4) и (5). Результаты расчетов возможных составов водяного газа представлены поверхностью пространственной диаграммы « $T-x_{\rm CO}-x_{\rm H_2}$ » (рис. 1) и графиком изотермических сечений этой диаграммы. Изотермы определяются нелинейным уравнением

$$x_{\rm H_2} = \frac{1 - x_{\rm CO} - \frac{x_{\rm CO}^2}{K_4}}{1 + \frac{x_{\rm CO}}{K_1}}$$
(10)

и соединяют точку с координатами  $x_{\rm CO} = 0$ ,  $x_{\rm H_2} = 1$  с точками, координаты которых определяют состав рав-



Рис. 1. Возможные соотношения между концентрациями H<sub>2</sub> и CO в водяном газе, равновесном с углеродом

Fig. 1. Possible correlations between concentrations of  $H_2$  and CO in water gas in equilibrium with carbon

исходное со

новесного газа в двухкомпонентной двухфазной системе «CO-CO $_2-$ C». При T > 850 К можно с достаточной достоверностью соотношения между  $x_{\rm H_2}$  и  $x_{\rm CO}$  записать с помощью линейных уравнений

$$\frac{x_{\rm CO}}{1 - x_{\rm H_2}} = \frac{x_{\rm CO}^{\circ}}{1}, \ 1 - x_{\rm H_2} = \frac{x_{\rm CO}}{x_{\rm CO}^{\circ}}, \ x_{\rm H_2} = 1 - \frac{1}{x_{\rm CO}^{\circ}} x_{\rm CO}, \ (11)$$

где  $x_{CO}^{o}$  – концентрация, определяемая равновесием системы «С-СО-СО<sub>2</sub>».

В присутствии углерода при T > 1100 К (рис. 2, линия 7) в равновесном с углеродом водяном газе сумма концентраций восстановителей ( $x_{CO} + x_{H_2}$ ) близка к единице, т. е. водяной газ характеризуется высоким восстановительным потенциалом. Соотношение концентраций Н<sub>2</sub> и СО может быть любым и многообразие возможных составов водяного газа в контакте с углеродом предполагает необходимость решения практической задачи создание газовой атмосферы нужного состава. Самым простым из практически реализуемых является способ нагревания паров воды в контакте с углеродом. В этом случае реакция газификации (1) инициирует протекание реакции водяного газа (5) и реакции диссоциации

$$2CO \to CO_2 + C \tag{4*}$$



Рис. 2. Возможные параметры равновесия систем  $(H_2 - H_2O - CO - CO_2 - C)$ :

линии 1-8 определяют все возможные соотношения концентраций Н, и СО при T = 800 (1), 850 (2), 900 (3), 917 (4), 955 (5), 1000 (6), 1100 (7), 1700 К (8); линия NM определяет состояния, получающиеся при нагревании исходной смеси «H<sub>2</sub>O - C»

> Fig. 2. Possible equilibrium parameters of the systems  $"H_2 - H_2O - CO - CO_2 - C":$

lines 1 - 8 determine all possible ratios of H<sub>2</sub> and CO concentrations at T = 800(1), 850(2), 900(3), 917(4), 955(5), 1000(6), 1100(7),1700 K (8); line NM determines the condition resulting at heating of initial mixture " $H_2O - C$ "

с образованием сажистого углерода. Расчет результатов протекания трех реакций (1), (4\*) и (5) связан с определением параметров совместного равновесия двух независимых реакций, например:

$$2CO = C + CO_{2}$$
  
исходное состояние – –  
равновесное состояние  $(y - 2s)$  s

 $C + H_2O = CO + H_2$  $b_0 -$ исходное состояние  $b_{o}$  — равновесное состояние  $(b_{o} - y)$  (y - 2s)

Здесь во второй строке после уравнений реакций учитывается вклад каждой из реакций газификации в «расход» углерода:

 $-y = n_{C}(1)$  – количество углерода, вступившего в реакцию (1);

 $-s^* = n_C(4^*)$  – количество углерода, получившегося по реакции (4<sup>\*</sup>).

Равновесное состояние « $H_2(a) - H_2O(b) - CO(c) -$ - O<sub>2</sub> (*d* моль) - С» определяется следующими соотношениями при P = 1 атм:

$$K_1 = \frac{y(y-2s)}{(b_0 - y)\Sigma}, \ K_4 = \frac{(y-2s)^2}{s\Sigma}, \ \Sigma = b_0 + y - s$$

Из решения этой системы уравнений вытекает связь между количеством образовавшегося сажистого и газифицированного углерода:

$$s = \frac{y}{2} - \frac{y^2}{\frac{4K_1}{K_4}(b_0 - y) + 2y}, \quad \frac{K_1}{K_4} = K_5.$$

В расчетах величин s, y и состава равновесной газовой фазы

$$x_{H_2} = \frac{y}{\Sigma}, x_{H_2O} = \frac{b_o - y}{\Sigma}, x_{CO} = \frac{y - 2s}{\Sigma}, x_{CO_2} = \frac{s}{\Sigma}$$

есть такая особенность - соотношение между вычисленными для разных температур концентрациями *x*<sub>н</sub>, и *x*<sub>со</sub> должно удовлетворять уравнению (10) или (11) в зависимости от требуемой точности вычислений. В табл. 1 приведены результаты расчетов составов водяного газа, получающегося при нагревании до 850 - 1500 K смеси «H<sub>2</sub>O( $b_0 = 1 \text{ моль}$ ) – C(избыток)». Для любого другого исходного количества водяных паров пропорционально изменяются количество газов и расход углерода, а концентрации H2 и CO определяются политермической кривой NM (рис. 2). Точка N характеризует исходную систему «H<sub>2</sub>O - C», а точка M - газовую смесь « $H_2(\sim 50) - CO(\sim 50$  мол. %)» со следами  $H_2O$ и СО<sub>2</sub>, получающуюся при нагревании до температур выше 1100 К. Суммарный «расход» углерода  $\sum n_{c} = y - s^{*}$ 

Таблица 1

Параметры равновесия систем « $H_2(a) - H_2O(b) - CO(c) - CO_2(d \text{ моль}) - C$ », получающихся при нагревании исходной смеси « $H_2O(1 \text{ моль}) - C$ », P = 1 атм

Table 1. Equilibrium parameters of the systems " $H_2(a) - H_2O(b) - CO(c) - CO_2(d \text{ mol}) - C$ ",
resulting at heating of starting mixture "H <sub>2</sub> O (1 mol) – C ", <i>P</i> = 1 atm

Т, К	850	900	917	955	1000	1100	1300	1500
$y = n_{\rm C}(1)$	0,6265	0,7265	0,7582	0,8231	0,8860	0,9640	0,9960	0,9993
$s^* = n_{\rm C}(4^*)$	0,24760	0,23280	0,21990	0,17890	0,12070	0,03270	0,00210	0,00023
$\sum n_{\rm C} = y - s^*$	0,3789	0,4937	0,5383	0,6442	0,7653	0,9313	0,9939	0,9990
а, моль	0,6265	0,7265	0,7582	0,8231	0,8860	0,9640	0,9960	0,9993
<i>b</i> , моль	0,3735	0,2735	0,2418	0,1769	0,1140	0,0360	0,0040	0,0007
С, МОЛЬ	0,1313	0,2608	0,3184	0,4652	0,6447	0,8986	0,9918	0,9988
d, моль	0,24760	0,23280	0,21990	0,17890	0,12070	0,03270	0,00210	0,00023
∑, моль	1,3789	1,4936	1,5383	1,6441	1,7654	1,9313	1,9939	1,9991
<i>V</i> , л	96,11	110,23	115,70	128,80	144,80	174,20	212,60	245,90
x	0,4543	0,4864	0,4929	0,5007	0,5019	0,4991	0,4994	0,4999
x <sub>H<sub>2</sub>O</sub>	0,2709	0,1831	0,1573	0,1076	0,0646	0,0186	0,0021	0,0004
x <sub>co</sub>	0,0953	0,1746	0,2069	0,2829	0,3652	0,4653	0,4974	0,4996
x <sub>CO2</sub>	0,1795	0,1559	0,1429	0,1088	0,0683	0,0170	0,0011	0,0001
$(\lg p_{O_2})_{B\Gamma}$	-25,04	-23,76	-23,37	-22,60	-21,84	-20,57	-18,89	-17,68
$(\lg p_{O_2})_{Fe_3O_4}$	- 25,53	-23,43	-22,76	-21,37	-19,84	-16,87	-12,21	-8,71
$(\lg p_{O_2})^*$	-24,41	- 23,14	-22,76	-21,99	- 21,24	-19,97	- 18,30	- 17,14
Примечание. $(\lg p_{0})^{*}$ – кислородный потенциал системы CO <sub>2</sub> – CO – C.								

определяется затратами на газификацию парами воды и величиной получившегося сажистого углерода и не превышает исходного количества паров воды (рис. 3).

Проанализируем теперь процессы, протекающие при нагревании исходной системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – - H<sub>2</sub>O – C(избыток)». Количественно окислительновосстановительные свойства газовой фазы оцениваются кислородным потенциалом  $\pi = RT \ln p_{O_2}$  [13 – 18]. Уравнения для lg( $p_{O_2}$ , атм) газовой смеси, содержащей пары воды или(и) диоксид углерода, получаются из анализа равновесия реакций диссоциации H<sub>2</sub>O и CO<sub>2</sub> [1 – 3]:

$$\lg\left[p_{O_{2}}, \text{ arm}\right] = 2\lg\left(\frac{x_{H_{2}O}}{x_{H_{2}}}\right) + \lg K_{p}(8) =$$
$$= 2\lg\left(\frac{x_{H_{2}O}}{x_{H_{2}}}\right) - \frac{25\ 708}{T} + 5,653; \tag{12}$$

$$lg[p_{O_2}, a_{TM}] = 2 lg\left(\frac{x_{CO_2}}{x_{CO}}\right) + lg K_p(9) =$$
$$= 2 lg\left(\frac{x_{CO_2}}{x_{CO}}\right) - \frac{29\ 529}{T} + 9,149.$$
(13)

Термодинамическая прочность оксида Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> [14]

$$2 \text{Fe}_{3}\text{O}_{4} = 6 \text{FeO} + \text{O}_{2},$$
$$\Delta r G_{r}^{\circ} = 545\ 323 - 77,27T \ln T + 369,39T$$

количественно оценивается величиной кислородного потенциала  $\lg(p_{O_2})_{\operatorname{Fe}_3O_4}$ .

Из сравнения  $\lg(p_{O_2})_{Fe_3O_4}$  с потенциалом системы «CO-CO<sub>2</sub>-C» ( $\lg p_{O_2}$ )\* следует, что  $Fe_3O_4$  восстанавливается при 917 К (табл. 1, рис. 4). Из сравнения величин  $\lg(p_{O_2})_{Fe_3O_4}$  с потенциалами системы «H<sub>2</sub>-H<sub>2</sub>O-CO--CO<sub>2</sub>-C» ( $\lg p_{O_2}$ )<sub>ВГ</sub> следует, что  $Fe_3O_4$  начинает восстанавливаться при более низкой температуре и это следует объяснять присутствием водорода.

Термодинамический анализ системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – H<sub>2</sub>O – C(избыток)» базируется на вышеприведенной информации и результатах ранее опубликованных исследований [3, 19]. Параметры равновесия оксидов железа с водяным газом и углеродом можно представить поверхностью пространственной диаграммы в координатах  $T-x_{\rm CO}-x_{\rm H_2}$  (рис. 5) и проекцией линий этой поверхности на координатную плоскость  $x_{\rm CO}-x_{\rm H_2}$  (рис. 6). Наложением рис. 2 и 6 получается рис. 7 – только по достижении температуры, соответствующей точке *K*, должно





у – количество газифицированного углерода по реакции (1); количество образовавшегося сажистого углерода, реакция (4<sup>\*</sup>);  $\sum n_{\rm C}$  – суммарное количество газифицированного углерода;

s – количество газифицированного углерода по реакции (4) при нагревании системы «СО<sub>2</sub> (1 моль) – С»

Fig. 3. Quantity of gasified carbon at heating of the system "H<sub>2</sub>O (1 mole) – C":

y – amount of carbon gasified by reaction (1);  $s^*$  – amount of formed black carbon, reaction (4<sup>\*</sup>);  $\sum n_{\rm C}$  – total amount of gasified carbon; s – amount of carbon gasified by reaction (4) at heating of the system " $CO_2(1 \text{ mole}) - C$ "

начаться восстановление Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>. Для определения этой температуры необходимо рассчитать параметры совместного равновесия трех независимых реакций из множества возможных, например (1) - (3):

$$Fe_{3}O_{4} + CO = 3 FeO + CO_{2}$$

$$e_{0} - - -$$

$$c \quad d$$

$$(y-x) \quad x$$

x



Рис. 4. Параметры равновесия систем «Fe – O – C»:  $AB - \langle Fe_3O_4 - CO - CO_2 - C \rangle$ ;  $BC - \langle FeO_{1+x} - CO - CO_2 - C \rangle$ ;  $CD - \langle \operatorname{Fe}_{\alpha}(C) - \operatorname{CO} - \operatorname{CO}_{2} - C \rangle; DE - \langle \operatorname{Fe}_{\gamma}(C) - \operatorname{CO} - \operatorname{CO}_{2} - C \rangle$ 

Fig. 4. Equilibrium parameters of the systems "Fe - O - C": line AB - "Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> - CO - CO<sub>2</sub> - C", BC - "FeO<sub>1+x</sub> - CO - CO<sub>2</sub> - C",  $CD - "Fe_{\alpha}(C) - CO - CO_2 - C", DE - "Fe_{\gamma}(C) - CO - CO_2 - C"$ 

$$Fe_{3}O_{4} + H_{2} = 3 FeO + H_{2}O$$

$$e_{o} - - b_{o}$$

$$a - b$$

$$(y-z) - (b_{o} - y + z)$$

$$C + H_{2}O = H_{2} + CO$$

$$b_{o} - - -$$

$$b - a - c$$

$$(b_{o} - y + z) - (y - z) - (y - z)$$

В первой строке после уравнений реакций приведены числа молей в исходном состоянии (углерод в избытке), во второй строке – числа молей газов в равновесном состоянии. В третьей строке – числа молей газов в равновесном состоянии с учетом расхода паров







Рис. 6. Проекции линий и изотерм диаграммы фазовых равновесий в системах «оксиды железа –  $H_2 - H_2O - CO - CO_2 - C$ »: области (Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> + C) –  $x_{CO}$  и  $x_{H_2}$  при температурах ниже 917 K; (FeO + C) –  $x_{CO}$  и  $x_{H_2}$  при 850 – 955 K; (Fe<sub>a</sub> + C) –  $x_{CO}$  и  $x_{H_2}$  до 1011 K

Fig. 6. Projections of lines and isotherms of diagram of phase equilibria in systems "iron oxides  $-H_2 - H_2O - CO - CO_2 - C$ ": zones (Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> + C)  $-x_{CO}$  and  $x_{H_2}$  at temperatures below 917 K; (FeO + C)  $-x_{CO}$  and  $x_{H_2}$  at 917 – 955 K; (Fe<sub>a</sub> + C)  $-x_{CO}$  and  $x_{H_2}$  at temperatures over 955 K

воды и углерода (y), реакция (1), расхода монооксида углерода (x), реакция (2) и расхода водорода z, реакция (3). Величины x и z определяют количество восстановленного до FeO оксида Fe<sub>3</sub>O монооксидом CO и водородом. Параметры равновесия определяются следующими уравнениями:

$$\Sigma = n_{\rm H_2} + n_{\rm H_2O} + n_{\rm CO} + n_{\rm CO_2} =$$
  
=  $(y - z) + (b_{\rm o} - y + z) + (y - x) + x = b_{\rm o} + y;$  (14)

$$x_{\rm CO} = \frac{y - x}{b_{\rm o} + y}, \ x_{\rm CO_2} = \frac{x}{b_{\rm o} + y},$$
(15)

$$x_{\rm H_2} = \frac{y-z}{b_{\rm o}+y}, \ x_{\rm H_2O} = \frac{b_{\rm o}+z-y}{b_{\rm o}+y};$$
 (13)

$$K_{1} = \frac{(y-x)(y-z)}{(b_{0}+y)(b_{0}+z-y)}P,$$

$$K_{2} = \frac{x}{y-x}, K_{3} = \frac{b_{0}+z-y}{y-z}.$$
(16)

Решив систему этих уравнений для P = 1 атм, получаем:

$$y = \frac{b_{\rm o}}{N}, \ x = \frac{K_2}{(1+K_2)N} b_{\rm o},$$

$$z = \left(\frac{1}{N} - \frac{1}{1+K_3}\right) b_{\rm o} = \frac{(1+K_3) - N}{N(1+K_3)} b_{\rm o}.$$
(17)



Рис. 7. Изменение состава газовой фазы при нагревании различных количеств Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> в контакте с парами воды и углеродом

Fig. 7. Changes in composition of the gas phase when heated different amounts of  $Fe_3O_4$  in contact with water vapour and carbon

В этих соотношениях зависящая от температуры и давления величина

$$N = \frac{P}{(1+K_2)K_3K_1} - 1.$$
(18)

Реакции газификации углерода протекают с увеличением количества газов, поэтому при постоянном давлении увеличивается объем системы

$$V = \frac{(b_0 + y)RT}{P}.$$
 (19)

Результаты расчетов по уравнениям (17) - (19) для частного случая (1 моль H<sub>2</sub>O и давление 1 атм) приведены в последнем столбце табл. 2 и на рис. 7. Точки на политермической кривой *NK* определяют количественные характеристики возможных равновесных состояний, получающихся после изотермических выдержек при температурах ниже  $T_{\kappa} = 880$  К.

Таким образом, на *первом этапе* нагревания исходной системы (точка N на рис. 7) по реакции газификации (1) расходуется 0,6875 моля углерода и образуется 0,2429 моля сажистого углерода по реакции диссоциации СО (4<sup>\*</sup>). При увеличении в исходной системе паров воды ( $b_0 > 1$ ), количество газифицированного углерода и компонентов газовой фазы растет прямо пропорционально  $b_0$ . Восстановление оксида Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> в образующемся водяном газе начинается при 880 K, а концентрации компонентов получившейся при 880 K газовой фазы соответствуют равновесию пяти возможных реакций (1) – (5) (табл. 3).

# Таблица 2

Параметры систем, получающихся при нагревании системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – H<sub>2</sub>O (*b*<sub>0</sub> = 1 моль) – C», *P* = 1 атм

Table 2. Parameters of the systems, resulting at heating of the system "Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – H<sub>2</sub>O( $b_0 = 1 \text{ mol}$ ) – C", P = 1 atm

Т, К	850	860	870	880	$\sim \! 880^{**}$
$y = n_{\rm C}(1)$	0,6265	0,6472	0,6675	0,6875	_
$s^* = n_{\rm C}(4^*)$	0,2476	0,2474	0,2458	0,2429	—
$\sum n_{\rm C} = y - s^*$	0,3789	0,3998	0,4217	0,4446	_
$(\sum n_{\rm C})^{**}$	_	_	_	_	~0,4446
<i>x</i> **	_	_	_	_	0,2422
Z <sup>**</sup>	_	—	—	—	-0,2422
а, моль	0,6265	0,6472	0,6675	0,6875	0,6875
b, моль	0,3735	0,3528	0,3325	0,3125	0,3125
с, моль	0,1313	0,1524	0,1758	0,2017	0,2017
<i>d</i> , моль	0,2476	0,2474	0,2458	0,2429	0,2429
Σ	1,3789	1,3998	1,4217	1,4446	1,4446
<i>V</i> , л	96,1	98,7	101,4	104,4	104,4
$x_{\mathrm{H}_2}$	0,4543	0,4624	0,4695	0,4759	0,4749
x <sub>H2O</sub>	0,2709	0,2520	0,2339	0,2163	0,2163
x <sub>co</sub>	0,0953	0,1089	0,1237	0,1396	0,1399
x <sub>CO2</sub>	0,1795	0,1767	0,1729	0,1682	0,1689
$n_{\rm Fe_3O_4}(\rm CO)$	_	_	-	_	0,2422
$n_{\mathrm{Fe_3O_4}}(\mathrm{H_2})$	-	_	-	_	-0,2422
$\sum n_{\mathrm{Fe_3O_4}}$	-	-	-	-	0

П р и м е ч а н и е. Последний столбец – параметры получающейся системы при температуре, на доли градуса превышающей 880 К.

Установившееся при ~880 К равновесие

«Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>(
$$e_0$$
 моль) – FeO(следы) – H<sub>2</sub>(0,6875) –  
- H<sub>2</sub>O(0,3125) – CO(0,2017) – CO<sub>2</sub>(0,2429) – C» (20)

можно нарушить повышением температуры.

**Второй этап** – восстановление  $Fe_3O_4$  до «FeO» протекает при 880 – 917 К. Изменения параметров системы в этом интервале температур определяются расчетами совместного равновесия тех же трех независимых реакций (1) – (3). Решается система трех уравнений:

$$K_{1} = \frac{(c_{1} + y - x)(a_{1} + y - z)}{(b_{1} - y + x)(\Sigma_{1} + y)}P,$$
  

$$K_{2} = \frac{d_{1} + x}{c_{1} + y - x}, K_{3} = \frac{b_{1} + z - y}{a_{1} + y - z},$$

где  $a_1, b_1, c_1, d_1$  и  $\Sigma_1$  – количество газов после первого этапа. Для частного случая P = 1 атм и неизменяющегося количества водорода  $(a_1 + b_1) = 1$  моль получаем:

$$y = \frac{A\Sigma_{1} - (c_{1} + d_{1})}{1 - A}, \quad x = \frac{K_{2}(c_{1} + y) - d_{1}}{1 + K_{2}},$$

$$z = \frac{K_{3}a_{1} - b_{1} + (1 + K_{1})y}{1 + K_{3}},$$

$$x_{CO} = \frac{c_{1} + y - x}{\Sigma_{1} + y}, \quad x_{CO_{2}} = \frac{d_{1} + x}{\Sigma_{1} + y},$$

$$x_{H_{2}} = \frac{a_{1} + y - z}{\Sigma_{1} + y}, \quad x_{H_{2}O} = \frac{b_{1} - y + z}{\Sigma_{1} + y}.$$
(21)

В этих соотношениях зависящая от температуры величина

$$4 = (1 + K_2)K_3K_1.$$
(22)

Результаты расчетов представлены в табл. 3 (столбцы 2-6), а линией *KB* на рис. 7 показано изменение концентраций H<sub>2</sub> и CO в равновесной газовой фазе.

Отметим отличие восстановления  $Fe_3O_4$  до «FeO» в атмосфере водяного газа от восстановления в системе « $Fe_3O_4$ -CO-CO<sub>2</sub>-C» [1, 20] (рис. 4, 8). В смеси CO-CO<sub>2</sub> с концентрацией  $x_{CO} = 0,419$  восстановление начинается и заканчивается при постоянной температуре 917 К с получением вюстита (нестехиометрического оксида  $FeO_{1,092}$ ) (точка *B* на рис. 4). В интервале температур 917 – 955 К вюстит  $FeO_{1,092}$  восстанавливается до  $FeO_{1,054}$  (точка *C* на рис. 4, 8). При температуре 955 К вюстит  $FeO_{1,054}$  восстанавливается до железа с небольшой, ~0,001 % (по массе) концентрацией углерода.

В более сложной системе (20) оксид Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> начинает восстанавливаться при 880 К с образованием



Рис. 8. Область гомогенности вюстита и изменение его состава при восстановлении  $\operatorname{Fe_3O_4}$ :  $-\lg[p_{O_2}, \operatorname{atm}] = 21 \ (1); 23 \ (2); 25 \ (3)$ 

Fig. 8. Homogeneity range of wustite and change in its composition at  $Fe_3O_4$  reduction:  $-lg[p_{O_4}, atm] = 21$  (1), 23 (2), 25 (3)

# Таблица З

# Параметры систем, получающихся при изотермических выдержках 880 – 917 К исходной системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>(e<sub>0</sub> моль) – H<sub>2</sub>(0,6875) – H<sub>2</sub>O (0,3125) – CO (0,2017) – CO<sub>2</sub>(0,2429) – C»

<i>Т</i> , К	~880	890	900	910	917	~955	~955
1	2	3	4	5	6	7	8
$\sum n_{\rm C}$	0,4469	0,7427	1,4071	3,9320	78,152	17,77	257
x	0,2422	0,4130	0,7953	2,2575	45,3559	14,1	368,7
Z	-0,2422	0,0761	0,7612	3,3069	77,5417	-0,082	~0
а	0,6871	0,6667	0,6459	0,6251	0,6103	0,6996	0,69957
b	0,3129	0,3333	0,3541	0,3749	0,3897	0, 3004	0,30043
С	0,2025	0,3292	0,6119	1,6745	32,7960	54,236	199,5
d	0,2422	0,4130	0,7953	2,2575	45,3559	41,686	153,3
$\sum n_i$	1,4447	1,7427	2,4072	4,9320	79,1520	96,922	353,8
<i>V</i> , л	104,4	127,18	177,65	368,3	5952	7586	28700
<i>x</i> <sub>H2</sub>	0,4749	0,3825	0,2684	0,1267	0,0077	0,0072	0,0019
x <sub>H2O</sub>	0,2163	0,1913	0,1471	0,0760	0,0049	0,0031	0,00082
x <sub>co</sub>	0,1399	0,1892	0,2542	0,3395	0,4143	0,5596	0,5643
x <sub>CO2</sub>	0,1689	0,2369	0,3304	0,4577	0,5731	0,4301	0,4330
n <sub>Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub></sub>	0*	0,4891*	1,5565*	5,5645*	122,9*	_	368,7**
n <sub>FeO</sub>	0*	1,4673*	4,6695*	16,6935*	368,7*	_	368,7**

*Table 3.* Parameters of the systems resulting at isothermal holding at 880 – 917 K of the system "Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>( $e_0$  mol) – H<sub>2</sub>(0,6875) – H<sub>2</sub>O (0,3125) – CO (0,2017) – CO<sub>2</sub>(0,2429) – C"

Примечание. В столбце 8 – параметры после изотермической выдержки при ~955 К получившейся после третьего этапа системы «FeO<sub>1,054</sub>(368,7) –  $H_2(0,69957) - H_2O(0,30047) - -CO(54,236) - CO_2(41,686 моль) - C».$ 

\* – восстановлено Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> (x + z) и получено FeO 3(x + z).

\*\* – восстановлено FeO и получено Fe.

FeO<sub>1,082</sub> (точка *K* на рис. 7, 8) [21 – 28]. И только при дальнейшем нагревании от 880 до 917 К оксид Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> продолжает восстанавливаться, при этом нестехиометрия вюстита увеличивается с 1,082 до 1,092 (вдоль линии *KB* на рис. 8). Изменяются и количество веществ, и концентрация компонентов газовой фазы (табл. 3, столбцы 2 – 6). Концентрация H<sub>2</sub> и H<sub>2</sub>O уменьшается практически до нуля. Из результатов расчетов следует, что весь регенерируемый по реакции (1) водород расходуется на восстановление, тогда как регенерируемый по реакциям (1) и (4) монооксид CO накапливается. При любой температуре в интервале 880 – 917 К оксид Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается монооксидом CO (рис. 9). Объясняется это тем, что при 850 – 917 К в изменяющейся газовой атмосфере системы до наступления рав-

новесия фактическое соотношение  $\left(\frac{x_{\rm CO}}{x_{\rm CO_2}}\right)_{\phi a \kappa \tau}$  меньше

константы равновесия реакции (2)

$$\Delta_r G_T(2) = RT \left[ \ln \left( \frac{x_{\rm CO}}{x_{\rm CO_2}} \right)_{\rm dakr} - \ln K_2 \right] < 0,$$

поэтому Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается монооксидом углерода. До температуры 888 К восстановительная способность водорода равна нулю, так как

$$\Delta_r G_T(3) = RT \left[ \ln \left( \frac{x_{\mathrm{H}_2\mathrm{O}}}{x_{\mathrm{H}_2}} \right)_{\mathrm{фakr}} - \ln K_3 \right] > 0.$$

При  $T > 888 \text{ K} \Delta r G_T(3) < 0$  и Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается и водородом (рис. 9), а при 917 K доля оксида Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>, восстановленного водородом, составляет

$$\frac{77,5417}{77,5417+45,3559} = 0,631$$
 (или 63,1 %).

Соотношение восстановительных способностей  $H_2$  и СО повышается от нуля при 888 К до 1,71 при 917 К.

Общее количество восстановленного  $Fe_3O_4$  при 917 К составляет 123 моль. Это возможно лишь при многократной регенерации восстановителей  $H_2$  и СО по реакциям газификации. Общий расход углерода составляет 78,152 моль, а удельный расход 78,152/122,9 = = 0,6359 моль/моль или 0,0330 кг/кг оксида.



Рис. 9. Количество FeO, восстановленного монооксидом CO (3*x*) и водородом (3*z*) при нагревании системы «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – FeO – H<sub>2</sub>O (*b*<sub>0</sub> моль) – C», *P* = 1 атм, исходное количество воды: *I* – *b*<sub>2</sub> = 0,014; *2* – 1; *3* – 2; *4* – 3 моль, 3*x* = 3*z* при температуре ~902 К, 3*z* = 0 при температуре ~888 К

Fig. 9. Quantity of FeO reduced by monoxide CO (3*x*) and hydrogen (3*z*) at heating of the system "Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – FeO – H<sub>2</sub>O ( $b_0$  mol) – C", P = 1 atm, initial quantity of water:

 $1 - b_0 = 0.014$ ; 2 - 1; 3 - 2; 4 - 3 mole; 3x = 3z at the temperature ~902 K, 3z = 0 at ~888 K

Таким образом, для восстановления ~123 моль оксида  $Fe_3O_4$  нагреванием до 917 К закрытой системы « $Fe_3O_4 - H_2O - C$ » при давлении 1 атм достаточно одного моля паров воды.

*Третий этап* – нагревание получившейся после второго этапа системы

#### Таблица 4

#### Параметры восстановления вюстита при различных е

Table 4. Reduction parameters of wustite at different  $e_{o}$ 

<i>е</i> <sub>о</sub> , моль	0,4891	1,5565	5,5645	122,9
<i>Т</i> , К	$890 \rightarrow 922$	$900 \rightarrow 938$	$910 \rightarrow 949$	917→954,87
$\sum n_{\rm C}$	0, 4159	1,2354	4,2709	$s \approx 257$
x	0,1178	0,3856	1,3430	368,7
Ζ	0,3693	1,1746	3,1938	~0
<i>а</i> <sub>4</sub> , моль	0,7132	0,7067	0,7022	~0
$b_4^{}$ , моль	0,2868	0,2963	0,2978	~0
<i>с</i> <sub>4</sub> , моль	0,6272	1,4618	4,6024	199,5
$d_4$ , моль	0,5308	1,1806	3,6005	153,3
$\Sigma_4$	2,1581	3,6423	9,2029	353.8
<i>V</i> , л	163,3	280,2	716,1	28 700
<i>x</i> <sub>H<sub>2</sub></sub>	0,3305	0,1940	0,0763	~0
x <sub>H2O</sub>	0,1329	0,0805	0,0324	~0
x <sub>co</sub>	0,2906	0,4013	0,5001	0,5643
x <sub>CO<sub>2</sub></sub>	0,2459	0,3241	0,3912	0,4330
$\sum n_{\rm Fe}$	1,4673	4,6695	16,6935	368,7

от ~917 до ~955 К. Вюстит, восстанавливающийся до железа при 955 К, имеет состав FeO<sub>1,054</sub> (рис. 8) [24 – 28]. При нагревании вюстита FeO<sub>1,092</sub> от температуры 917 до 955 К происходит уменьшение нестехиометрии с 1,092 до 1,054, изменяются и концентрация и количество компонентов газовой смеси, расходуется углерод. Полная оценка этого процесса требует сложных расчетов, который невозможен без дополнительной информации о соотношении состава вюстита, температуры и  $-\lg(p_{O_2})$  [17]. Возможна упрощенная количественная оценка изменения параметров перехода системы

«FeO<sub>1,092</sub> (368,7 моль) – 
$$H_2(a_2) - H_2O(b_2) - CO(c_2) - - CO_2(d_2) - CO_2(d_2) - C \gg$$

при изотермической выдержке ~955 К в состояние

«FeO<sub>1,054</sub> (368,7 моль) – 
$$H_2(a_3) - H_2O(b_3) - O(c_3) - CO_2(d_3) - C$$
».

При выполнении расчетов учитывалось следующее. Восстановление вюстита  $FeO_{1,092}$  (точка *B*) до  $FeO_{1,054}$ (точка *C* на рис. 7) протекает в системе с незначительными количествами H<sub>2</sub> и H<sub>2</sub>O. Изменение газовой фазы при восстановлении вюстита в результате повышения температуры определяется линией *BC*, практически совпадающей с осью координат, т. е. заметно увеличивается концентрация CO и уменьшается концентрация CO<sub>2</sub>. Это возможно лишь при существенном возрастании роли реакции газификация углерода диоксидом CO<sub>2</sub> (4).

В результате всех возможных реакций изменятся количество газов:

$$a_3 = a_2 + \Delta a_3, b_3 = b_2 + \Delta b_3, c_3 = c_2 + \Delta c_3, d_3 = d_2 + \Delta d_3.$$

С учетом материального баланса по водороду имеем:

$$a_3 + b_3 = a_2 + b_2 = 1$$
 моль,  $\Delta a_3 = -\Delta b_3$ 

Из материального баланса по кислороду для реакций восстановления (7) и (6):

$$\text{(26,3158FeO}_{1,092} + \text{H}_2 = 26,3158\text{FeO}_{1,054} + \text{H}_2\text{O}\text{)},$$
  
$$\text{(26,3158FeO}_{1,092} + \text{CO} = 26,3158\text{FeO}_{1,054} + \text{CO}_2\text{)},$$

следует

$$(b_3 + c_3 + 2d_3) = (b_2 + c_2 + 2d_2) + 368,7 \cdot (1,092 - 1,054),$$

т. е. количество перешедшего в газовую фазу кислорода равно

368,7
$$\cdot$$
(1,092 – 1,054) = 14,01 моль =  $\Delta b_3 + \Delta c_3 + 2\Delta d_3$ .

Величины  $a_3, b_3, c_3$  и  $d_3$  должны удовлетворять константам равновесия реакций восстановления (6) и (7) при температуре ~955 К:

$$K_7 = \frac{b_3}{a_3} = \frac{b_2 + \Delta b_3}{a_2 + \Delta a_3} = 0,4293,$$
$$K_6 = \frac{d_3}{c_3} = \frac{d_2 + \Delta d_3}{c_2 + \Delta c_3} = 0,7686.$$

Решение системы полученных уравнений дает следующие параметры системы после третьего этапа:

$$\Delta a_3 = -0,0893, \Delta b_3 = 0,0893, \Delta c_3 = 21,44,$$
  
 $\Delta d_3 = -3,67$  моль;

$$a_3 = 0,6996, b_3 = 0,3004, c_3 = 54,236, d_3 = 41,686,$$
  
 $\Sigma_3 = 96,922$  моль;

$$x_{\rm H_2} = 0,0072, x_{\rm H_2O} = 0,0031, x_{\rm CO} = 0,5596,$$
  
 $x_{\rm CO_2} = 0,4301$  (табл. 3, столбец 7).

Расчеты расхода углерода и восстановительных способностей  $H_2$  и СО по отношению к вюститу базируются на материальном балансе компонентов водяного газа, который составляется с учетом величин  $a_2 = 0,6103, b_2 = 0,3897, c_2 = 32,796, d_2 = 45,3559,$ 

 $a_3 = 0,6996, b_3 = 0,3004, c_3 = 54,236, d_3 = 41,686$  моль, расхода H<sub>2</sub> и CO на восстановление z и x, количества газифицированного углерода y, а также CO<sub>2</sub> и CO, затраченных и полученных по реакции (4):

$$a_3 \approx a_2 - z, b_3 \approx b_2 + z, c_3 \approx c_2 - x + 2y, d_3 \approx d_2 + x - y.$$

Окончательно получаем: для расхода водорода  $z = -\Delta a_3 \approx 0,0892$  моль; для расхода СО  $x = \Delta c_3 + 2\Delta d_3 \approx 21,44 - 2 \cdot 3,67 = 14,1$  моль; для расхода углерода  $y = (\Sigma n_C)_3 \approx \Delta c_3 + \Delta d_3 \approx 21,44 - 3,67 = 17,77$  моль; соотношение восстановительных способностей H<sub>2</sub> и СО близко к нулю. Вюстит восстанавливается только оксидом СО.

**Проверка.** Равновесные параметры системы при ~955 К вычислялись с использованием справочной информации для реакций (6) и (7). Определенные параметры соответствуют константам равновесия еще трех возможных в анализируемой системе реакций (1), (4) и (5):

$$K_5 = \frac{x_{\rm H_2O} x_{\rm CO}}{x_{\rm H_2} x_{\rm CO_2}} = \frac{0,0031 \cdot 0,5595}{0,0072 \cdot 0,4302} =$$

= 0,5600 (~0,5584 – справочные данные);

$$K_4 = \frac{x_{CO}^2}{x_{CO_2}} = \frac{0,5595^2}{0,4302} = 0,7277 \ (\sim 0,7336);$$
  
$$K_1 = \frac{x_{H_2}x_{CO}}{x_{H_2O}} = \frac{0,0072 \cdot 0,5595}{0,0031} = 1,2995 \ (\sim 1,3136).$$

Вычисленный общий расход углерода на третьем этапе 17,7 моль можно получить и такими рассуждениями. Реакции восстановления и реакция водяного газа не изменяют количество углерода в газовой фазе. Лишь протекание реакций газификации может привести к изменению количества углерода в газовой фазе. Следовательно, общий расход углерода на третьем этапе можно определить по разности концентраций СО и СО<sub>2</sub> в конце и начале третьего этапа (табл. 3):

$$\begin{split} & \left(\Sigma n_{\rm C}\right)_3 = \left[\frac{V}{RT} \left(x_{\rm CO} + x_{\rm CO_2}\right)\right]_3 - \left[\frac{V}{RT} \left(x_{\rm CO} + x_{\rm CO_2}\right)\right]_2 \approx \\ & \approx \frac{7586}{0,082 \cdot 955} \cdot 0,9897 - \frac{5952}{0,082 \cdot 955} \cdot 0,9874 = 17,7 \text{ моль.} \end{split}$$

Из предположения о газификации углерода только диоксидом CO<sub>2</sub> и вычисленного расхода углерода17,7 моль следует, что образуется 35,4 моль CO. Расход этого газа на восстановление вюстита 14,1 моль. Следовательно, в системе накапливается 21,3 моль CO. Эта цифра почти совпадает с величиной  $\Delta c_3 = 21,44$  моль, вычисленной с учетом реакции газификации (4). Пары воды практически не газифицируют углерод.

*Четвертый этап.* При изотермической выдержке ~ 955 К системы

полностью восстанавливается 368,7 моль вюстита FeO<sub>1,054</sub>. Упрощенный расчет без учета нестехиометрии, газификации углерода парами воды и восстановления вюстита FeO<sub>1,054</sub> водородом состоит в оценке равновесий двух реакций:

$$C + CO_{2} = 2CO FeO + CO = Fe + CO_{2} 
d_{3} c_{3} c_{3} c_{3} d_{3} 
(d_{3}-s+x) (c_{3}-x+2s) (c_{3}-x+2s) (d_{3}-s+x)$$

В первой строке после уравнений химических реакций – числа молей газов в состоянии, получившемся после третьего этапа; во второй строке – числа молей двух компонентов газовой фазы после завершения восстановления: s – количество затраченного углерода; 2s – количество СО, получившегося по реакции газификации (4);  $x \approx 368,7$  моль – количество оксида СО, затраченного на восстановление (числа молей получившихся железа или диоксида СО<sub>2</sub>).

Из системы трех уравнений

$$K_{6} = \frac{d_{3} - s + x}{c_{3} - x + 2s}, K_{4} = \frac{(c_{3} - x + 2s)^{2}}{(d_{3} - s + x)\Sigma_{4}},$$
$$\Sigma_{4} = n_{CO} + n_{CO_{2}} = c_{3} + d_{3} + s$$

определяется соотношение между s и x.

Окончательно получаем (табл. 3, столбец 8) для расхода углерода на газификацию

$$s = \frac{K_4 K_6 (c_3 + d_3) - c_3 + 368,7}{2 - K_4 K_6} \approx 271$$
 моль.

Количество газов в системе после завершения восстановления определяется с использованием баланса по кислороду

$$368.7 \cdot 1.054 + b_3 + c_3 + 2d_3 =$$
  
=  $b_4 + (c_3 - x + 2s) + 2(d_3 - s + x).$ 

Вернемся ко второму этапу (табл. 3). В результате совокупности всех процессов в поэтапно нагреваемой закрытой системе создаются условия полного восстановления 122,9 моль  $Fe_3O_4$ . При этом достаточно ввести в систему 1 моль паров воды. При уменьшении начального количества оксида в исходной системе « $Fe_3O_4$  ( $e_o < 122,9$  моль) –  $H_2O(1$  моль) – C(избыток)» не изменяются параметры начала восстановления (880 K), но изменяются при нагревании параметры промежуточных равновесных состояний (табл. 4, рис. 7).

Если  $e_0 = 0,4891$  моль, Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается полностью до FeO<sub>1,085</sub> при 890 K, FeO<sub>1,085</sub> до FeO<sub>1,056</sub> в интервале температур 890 – 922 K, FeO<sub>1,056</sub> до FeO<sub>1,053</sub> в интервале температур 922 – 955 К, FeO<sub>1,054</sub> до Fe при 955 К. Изменение состава вюстита определяется линией *KK'L'C* (рис. 8).

Если  $e_0 = 1,5565$  моль, Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается до FeO<sub>1,089</sub> при 900 K, FeO<sub>1,089</sub> до FeO<sub>1,056</sub> в интервале температур 900 – 938 K, FeO<sub>1,056</sub> до FeO<sub>1,053</sub> в интервале температур 938 – 955 K, FeO<sub>1,053</sub> до Fe при 955 K (линия *KK"L"C*).

Если  $e_0 = 5,5645$  моль, Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> восстанавливается до FeO<sub>1,091</sub> при 910 K, FeO<sub>1,091</sub> до FeO<sub>1,055</sub> при температурах 910 – 949 K, FeO<sub>1,055</sub> до FeO<sub>1,054</sub> в интервале температур 949 – 955 K, FeO<sub>1,053</sub> до Fe при 955 K (линия *KK*<sup>m</sup>*L*<sup>m</sup>*C*).

Если  $e_0 = 122,9$  моль,  $Fe_3O_4$  восстанавливается до  $FeO_{1,092}$  при 917 К,  $FeO_{1,092}$  до  $FeO_{1,054}$  в интервале температур 917 – 955 К,  $FeO_{1,054}$  до Fe при 955 К (линия *KBC*). При этом затрачивается ~353,3 моль углерода. Минимальный удельный расход: 353,3/368,7 = = 0,958 моль/моль Fe или  $0,958 \times 12/55,847 = ~0,21$  кг/кг железа.

**Выводы.** Технологически простым способом получения восстановительной по отношению к оксидам металлов газовой смеси является нагревание в контакте с углеродом водяного пара. Состав получающегося водяного газа определяется только температурой нагрева. При нагревании паров воды в контакте с углеродом в закрытой системе при давлении 1 атм до температур выше 1100 К получается газовая смесь газов-восстановителей с равными концентрациями  $x_{\rm CO} = x_{\rm H_2} \approx 0,5$  со следами CO<sub>2</sub> и H<sub>2</sub>O. Газификация углерода парами воды сопровождается процессом диссоциации CO с образованием сажистого углерода. Тем не менее, расход углерода (моль) равен количеству паров воды (моль).

Восстановление магнетита в закрытой системе «Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> – H<sub>2</sub>O – C» начинается при 880 К и заканчивается в интервале температур 880 – 917 К в зависимости от соотношения количеств Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> и H<sub>2</sub>O. Одного моля воды достаточно для восстановления ~123 моль Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> при изотермической выдержке ~917 К. Это объясняется своеобразной «восстановительно-газификационной каруселью», в результате которой весь получающийся водород H<sub>2</sub> расходуется на восстановление. Термодинамический анализ подтверждает существенное влияние водорода на восстановление оксидов железа [29 – 31].

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- Вяткин Г.П. Кузнецов Ю.С., Михайлов Г.Г., Качурина О.И. Термодинамика восстановления железа из оксидов. – Челябинск: ЮУрГУ, 2017 – 346 с.
- Кузнецов Ю.С., Качурина О.И. Равновесие водяного газа с углеродом // Вестник ЮУрГУ. Серия «Металлургия». 2015. Т. 15. № 4. С. 30 – 41.
- Михайлов Г.Г., Кузнецов Ю.С., Качурина О.И. Системный анализ процессов восстановления оксидов железа // Металлы. 2014. № 2. С.10 – 15.
- Строкина И.В., Якушевич Н.Ф. Изменения окислительно-восстановительных свойств газовой фазы системы С – О<sub>2</sub> – H<sub>2</sub> // Изв. вуз. Черная металлургия. 2011. № 6. С. 3 – 5.

- Гришин А.М., Симонов В.К., Щеглова И.С. О несоответствии кинетических закономерностей термодинамическим предпосылкам реакций газификации углерода H<sub>2</sub>O и CO<sub>2</sub> // Изв. вуз. Черная металлургия. 2013. № 7. С. 64 – 67.
- Подгородецкий Г.С., Юсфин Ю.С., Сажин А.Ю. и др. Современные тенденции развития технологии производства генераторных газов из различных видов твердого топлива // Изв. вуз. Черная металлургия. 2015. Т. 58. № 6. С. 393 401.
- Kitamura I., Shibata K., Takeda R. In-flight reduction of Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, TiO<sub>2</sub> and Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> by Ar – H<sub>2</sub> and Ar – CH<sub>4</sub> plasma // ISIJ International. 1993. Vol. 33. No. 11. P.1150 – 1158.
- Теплов О.А. Кинетика низкотемпературного восстановления магнетитовых концентратов водородом // Металлы. 2012. № 1. С. 14 – 30.
- 9. Дигонский С.В., Тен В.В. Роль водорода в восстановлении оксидов металлов твердым углеродом // Альтернативная энергетика и экология. 2009. № 11(79). С. 45 – 55.
- ДигонскийС.В. Карботермическое восстановление оксидного сырья в неравновесных химических системах // Технология металлов. 2008. № 8. С. 3 – 7.
- Пат. 2111271 РФ. Способ получения металлов из их сульфидов / С.В. Дигонский, Н.А. Дубинин, Е.Д. Кравцов; заявл. 22.10.96, опубл. 20.05.98. Бюл. изобретений. 1998. № 14.
- Патент 2033431 РФ. Способ получения металлов / В.В. Дигонский, С.В. Дигонский, В.Е. Горбовский; заявл. 02.04.91, опубл. 20.04.95. Бюл. изобретений.1991. № 11.
- Muan F., Osborn E. F. Phase eqilibria among oxides in steelmaking. – New-York: Pergamon Press, 1965. – 418 p.
- Kubaschewski O, Evans E.L., Alcock C.B. Metallurgical Thermochemistry. – New-York: Pergamon Press, 1967. – 338 p.
- Казачков Е.А. Расчеты по теории металлургических процессов. – М.: Металлургия, 1988. – 288 с.
- 16. Теория металлургических процессов: Учебник для вузов / Д.И. Рыжонков, П.П. Арсентьев, В.В. Яковлев и др. – М.: Металлургия, 1989. – 392 с.
- Михайлов Г.Г., Леонович Б.И., Кузнецов Ю.С. Термодинамика металлургических процессов и систем. – М.: ИД МИСиС, 2009. – 520 с.
- Mikelsons J. Degree of oxidation of iron in slag as a function of the oxygen partial pressure of the gas phase // Archiv Eisenhuttenwessen. 1982. Vol. 53. No. 6. S. 251–265.

- 19. Вяткин Г.П., Михайлов Г.Г., Ю.С. Кузнецов и др. Системный анализ процессов восстановления оксидов железа в атмосфере водяного газа в присутствии углерода // Изв. вуз. Черная металлургия. 2012. № 2. С. 10 – 13.
- 20. Михайлов Г.Г., Кузнецов Ю.С., Качурина О.И., Чернуха А.С. Анализ фазовых равновесий в системе «оксиды железа – С – – СО – СО<sub>2</sub>» // Вестник ЮУрГУ. Серия «Металлургия». 2013. Т. 13. № 1. С. 6 – 13.
- Spenser P.J., Kubaschewski O. A thermodynamic assessment of the iron – oxygen system // Calphad. 1978. Vol. 2. No. 2. P. 147 – 167.
- Wriedth H.A. The Fe O (iron oxygen) system // J. Phas. Equil. 1991. Vol. 12. No. 2. P. 170 – 200.
- Sundman B. An assessment of the Fe O system // J. Phas. Equil. 1991. Vol. 12. No. 3. P. 127 – 140.
- 24. Физико-химические свойства вюстита и его растворов / А.А. Лыкасов, К. Карел, А.Н. Мень и др. – Свердловск: УНЦАН СССР, 1987. – 230 с.
- Darken L.S. Gurry R. The system iron oxygen. 1. The wustite field and related equilibria // J. Amer. Chem. Soc. 1945. Vol. 67. P. 1398 – 1412; 1946. Vol. 68. P. 798 – 816.
- Vallet P., Carel C., Raccah P. Valenrs des grandeurs thermodynamiques de la wustite et de la magnetite solides // C. r. Acad. Sci., Paris, 1964. Vol. 258. P. 4028 – 4031.
- Vallet P., Raccah P. Sur les limites du domaine de la wustitesolide et le diagramme general qui en resulte // C. r. Acad. Sci., Paris, 1964. Vol. 258. P. 3679 – 3682.
- Vallet P., Raccah P. Contribution aléetude des proprieties thermodynamiques du protoxide de fersolide // Mem. Sci. Rev. Met. 1965. Vol. 62. No. 1. P. 1 – 29.
- Al Kahtany M.M., Rao Y.K. Reduction of magnetite with hydrogen. Part I: Intrinsic kinetics // Ironmaking Steelmaking. 1980. Vol. 7. No. 1. P. 49 – 58.
- Rao Y.K., Moinpour M. Reduction of hematite with hydrogen at modest temperatures // Met. Trans. 1983. Vol. 14B. No. 4. P. 711 – 723.
- Pineau A., Kanari N., Gaballah I. Kinetics of reduction of iron oxides by H2. Pt. II: Low temperature reduction of magnetite // Thermochim. Acta. 2007. Vol. 456. P. 75 – 88.

Поступила в редакцию 5 мая 2018 г. После доработки 1 апреля 2019 г. Принята к публикации 3 апреля 2019 г.

IZVESTIYA VUZOV. CHERNAYA METALLURGIYA = IZVESTIYA. FERROUS METALLURGY. 2019. VOL. 62. No. 5, pp. 394-406.

# THERMODYNAMIC ANALYSIS OF IRON OXIDES REDUCTION USING CARBON AND WATER VAPOUR

# Yu.S. Kuznetsov, O.I. Kachurina

#### South Ural State University, Chelyabinsk, Russia

Abstract. Thermodynamic analysis was performed for complete reduction of iron oxide during heating the initial system  $(Fe_3O_4(e_3 mol) - e_3O_4(e_3 mol))$  $-H_2O(b_1 \text{ mol}) - C(\text{excess})$  with isothermal exposure. By the nature of ongoing reactions, processes in the system can be divided into four stages. Carbon gasification by water vapor at temperatures below 880 K activates water gas reaction and CO dissociation to form black carbon. Composition of the resulting H<sub>2</sub> - H<sub>2</sub>O - CO - CO<sub>2</sub> gas mixture depends only on the temperature. The consumption of carbon at 880 K is ~0,4446 moles on 1 mole of water. Reduction of  $Fe_3O_4$  to wustite FeO<sub>1+x</sub> with varying degrees of oxidation occurs in the temperature range 880 – 917 K. Hydrogen reduces oxide at temperatures above 888 K. The percentage part of a whole oxide Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> reduced by hydrogen into this temperature range increases from zero to ~63 %. The total number of  $Fe_3O_4$ , reduced to wustite at 917 K is ~123 moles for 1 mole of water. It is possible only with repeated regeneration of reductants CO and H<sub>2</sub> according to the reactions of carbon gasification by water vapor and by dioxide  $CO_2$ . The carbon expense is about 78 moles. Wustite  $FeO_{1.092}$  formed at 917 K can be reduced by monoxide CO only at temperatures of 917 – 955 K to wustite  $FeO_{1.054}$  with a lower degree of oxidation. Carbon is gasified only by dioxide  $CO_2$ , the carbon expense is approximately 18 moles. When isothermal exposure is ~955 K, wustite is reduced to iron. Wustite can be reduced only by carbon monoxide. The carbon expense is approximately 257 mol. For full reduction of 123 mol of  $Fe_3O_4$  in a mixture with an excess of carbon in a closed system at 1 atm, 1 mole of water is sufficient. The total carbon consumption is ~353 moles for obtaining 368 moles of Fe, or ~0.21 kg/kg iron.

*Keywords*: iron oxides, reduction, water gas, carbon, water vapors, carbon gasification, magnetite, wustite.

DOI: 10.17073/0368-0797-2019-5-394-406

## REFERENCES

1. Vyatkin G.P. Kuznetsov Yu.S., Mikhailov G.G., Kachurina O.I. Termodinamika vosstanovleniya zheleza iz oksidov [Thermodynamics of iron reduction from oxides]. Chelyabinsk: YuUrGU, 2017, 346 p. (In Russ.).

- Kuznetsov Yu.S., Kachurina O.I. Equilibrium of water gas with carbon. *Vestnik YuUrGU. Ser. Metallurgiya.* 2015, vol. 15, no. 4, pp. 30–41. (In Russ.).
- Mikhailov G. G., Kuznetsov Yu. S., Kachurina O.I. System analysis of the reduction of iron oxides. *Russian Metallurgy (Metally)*. 2014, no. 3, pp. 179–184.
- Strokina I.V., Yakushevich N.F. Changes in redox properties of gaseous phase of C–O<sub>2</sub>–H<sub>2</sub> system. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2011, no. 6, pp. 3–5. (In Russ.).
- Grishin A.M., Simonov V.K., Shcheglova I.S. On the disparity of kinetic laws to thermodynamics preconditions of reactions of carbon gasification by H<sub>2</sub>O and CO<sub>2</sub>. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2013, no. 7, pp. 64–67. (In Russ.).
- Podgorodetskii G.S., Yusfin Yu.S., Sazhin A.Yu., etc. Manufacturing trends of generator gases from different types of solid fuel. *Izvestiya. Ferrous Metallurgy*. 2015, vol. 58, no. 6, pp. 393–401. (In Russ.).
- Kitamura I., Shibata K., Takeda R. In-flight reduction of Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, TiO<sub>2</sub> and Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> by Ar – H<sub>2</sub> and Ar – CH<sub>4</sub> plasma. *ISLJ International*. 1993, vol. 33, no. 11, pp. 1150–1158.
- Teplov O.A. Kinetics of the low-temperature hydrogen reduction of magnetite concentrates. *Russian Metallurgy (Metally)*. 2012, no. 1, pp. 8–21.
- 9. Digonskii S.V, Ten V.V. Role of hydrogen in metal oxides reduction by solid carbon. *Al'ternativnaya energetika i ekologiya*. 2009, no. 11(79), pp. 45–55. (In Russ.).
- Digonskii S.V. Carbothermic reduction of oxide raw material in chemical nonequilibrium systems. *Tekhnologiya metallov*. 2008, no. 8, pp. 3–7. (In Russ.).
- Digonskii S.V., Dubinin N. A., Kravtsov E.D. Sposob polucheniya metallov iz ikh sul'fidov [Method of obtaining metals from their sulphides]. Patent RF no. 2111271. Byulleten'izobretenii. 1998, no. 14. (In Russ.).
- Digonskii V.V., Digonskii S.V., Gorbovskii V. E. Sposob polucheniya metallov [Method of obtaining metals]. Patent RF no. 2033431 S1. Byulleten'izobretenii. 1991, no. 11. (In Russ.).
- Muan F., Osborn E.F. Phase eqilibria among oxides in steelmaking. New-York: Pergamon Press, 1965, 418 p.
- Kubaschewski O., Evans E.L., Alcock C.B. Metallurgical Thermochemistry. New-York: Pergamon Press, 1967, 338 p.
- **15.** Kazachkov E.A. *Raschety po teorii metallurgicheskikh protsessov* [Calculations on the theory of metallurgical processes]. Moscow: Metallurgiya, 1988, 288 p. (In Russ.).
- Ryzhonkov D.I., Arsent'ev P.P., Yakovlev V.V. etc. *Teoriya metallurgicheskikh protsessov: uchebnik dlya vuzov* [Theory of metallurgical processes: Textbook for universities]. Moscow: Metallurgiya, 1989, 392 p. (In Russ.).
- Mikhailov G.G., Leonovich B.I., Kuznetsov Yu.S. *Termodinamika* metallurgicheskikh protsessov i system [Thermodynamics of metallurgical processes and systems]. Moscow: ID MISiS, 2009, 520 p. (In Russ.).

- Mikelsons J. Degree of oxidation of iron in slag as a function of the oxygen partial pressure of the gas phase. *Archiv Eisenhuttenwessen*. 1982, vol. 53, no. 6. S. 251–265.
- Vyatkin G. P., Mikhailov G.G., Kuznetsov Yu.S. etc. Systems analysis of ferric oxides rehabilitation in the water-gas atmosphere. *Iz-vestiya. Ferrous Metallurgy*. 2012, no. 2, pp. 10–13. (In Russ.).
- Mikhailov G.G., Kuznetsov Yu.S., Kachurina O.I., Chernukha A.S. Analysis of phase equilibria in the system "iron oxides – carbon – – CO – CO<sub>2</sub>". *Vestnik YuUrGU. Ser. Metallurgiya*. 2013, vol. 13, no. 1, pp. 6–13. (In Russ.).
- Spenser P.J., Kubaschewski O. A thermodynamic assessment of the iron – oxygen system. *Calphad*. 1978, vol. 2, no. 2, pp. 147–167.
- **22.** Wriedth H.A. The Fe O (iron oxygen) system. J. Phas. Equil. 1991, vol. 12, no. 2, pp. 170–200.
- **23.** Sundman B. An assessment of the Fe O system. *J. Phas. Equil.* 1991, vol. 12, no. 3, pp. 127–140.
- Lykasov A.A., Karel K., Men' A.N. etc. *Fiziko-khimicheskie svoist-va vyustita i ego rastvorov* [Physico–chemical properties of wustite and its solutions]. Sverdlovsk: UNC AN SSSR, 1987, 230 p. (In Russ.).
- Darken L.S., Gurry R. The system iron oxygen. 1. The wustite field and related equilibrium. J. Amer. Chem. Soc. 1945, vol. 67, pp. 1398–1412; 1946, vol. 68, pp. 798–816.
- Vallet P., Carel C., Raccah P. Valenrs des grandeurs thermodynamiques de la wustite et de la magnetite solides. *C. r. Acad. Sci.*, Paris. 1964, vol. 258, pp. 4028–4031. (In. Fr.).
- 27. Vallet P., Raccah P. Sur les limites du domaine de la wustitesolide et le diagramme general qui en resulte. *C. r. Acad. Sci.*, Paris. 1964, vol. 258, pp. 3679–3682. (In. Fr.).
- Vallet P., Raccah P. Contribution al'etude des proprieties thermodynamiques du protoxide de fersolide. *Mem. Sci. Rev. Met.* 1965, vol. 62, no.1, pp.1–29. (In. Fr.).
- Al Kahtany M.M., Rao Y.K. Reduction of magnetite with hydrogen. Part I: Intrinsic kinetics. *Ironmaking Steelmaking*. 1980, vol. 7, no. 1, pp. 49–58.
- Rao Y.K., Moinpour M. Reduction of hematite with hydrogen at modest temperatures. *Met. Trans.* 1983, vol. 14B, no. 4, pp. 711–723.
- Pineau A., Kanari N., Gaballah I. Kinetics of reduction of iron oxides by H<sub>2</sub>. Part II: Low temperature reduction of magnetite. *Thermochim. Acta*. 2007, vol. 456, pp. 75–88.

## Information about the authors:

Yu.S. Kuznetsov, Cand. Sci. (Eng.), Assist. Professor, Professor of the Chair of Physical Chemistry (kuznetcovys@susu.ac.ru) O.I. Kachurina, Cand. Sci. (Chem.), Assist. Professor of the Chair "Inorganic Chemistry" (oivk2013@mail.ru)

> Received May 5, 2018 Revised April 1, 2019 Accepted April 3, 2019